

八年级数学实验班竞赛模拟试题

题号	一	二	三	四	五	六	总分
得分							
评卷人							

一、选择题（每小题 5 分，共 30 分）

1、已知 $a+2=b-2=\frac{c}{2}=2011$ ，且 $a+b+c=2011k$ ，则 k 的值为（ ）。

- A、4 B、 $\frac{1}{4}$ C、-4 D、 $-\frac{1}{4}$

2、若方程组 $\begin{cases} 3x+y=k+1 \\ x+3y=3 \end{cases}$ 的解为 x, y ，且 $2 < k < 4$ ，则 $x-y$ 的取值范围是（ ）。

- A、 $0 < x-y < \frac{1}{2}$ B、 $0 < x-y < 1$
 C、 $-3 < x-y < -1$ D、 $-1 < x-y < 1$

3、计算： $1+5+5^2+5^3+\dots+5^{99}+5^{100} =$ （ ）。

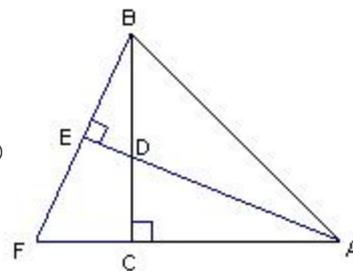
- A、 $5^{101}-1$ B、 $5^{100}-1$ C、 $\frac{5^{101}-1}{4}$ D、 $\frac{5^{100}-1}{4}$

4、如图，在 $\triangle ABC$ 中， $AC=BC$ ， $\angle ACB=90^\circ$ ， AD 平分 $\angle BAC$ ， AD 的延长线交 BF 于 E ，

且 E 为垂足，则结论① $AD=BF$ ，② $CF=CD$ ，③ $AC+CD=AB$ ，

④ $BE=CF$ ，⑤ $BF=2BE$ ，其中正确的结论的个数是（ ）

- A、4 B、3 C、2 D、1



5、已知 $a=22^{55}$ ， $b=33^{44}$ ， $c=55^{33}$ ， $d=66^{22}$ ，则 a, b, c, d 的大小关系是（ ）。

- A、 $a > b > c > d$ B、 $a > b > d > c$
 C、 $b > a > c > d$ D、 $a > d > b > c$

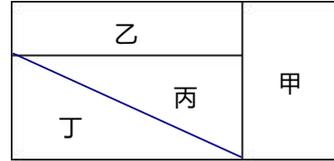
6、如果把分数 $\frac{9}{7}$ 的分子、分母分别加上正整数 a, b ，结果等于 $\frac{9}{13}$ ，那么 $a+b$ 的最小值是（ ）。

- A、26 B、28 C、30 D、32

二、填空题：（每小题 5 分，共 30 分）

7、方程组 $\begin{cases} 2008x - 2009y = 2007 \\ 2007x - 2006y = 2008 \end{cases}$ 的解是_____.

8、如图 3 所示的长方形中，甲、乙、丙、丁四块面积相等，甲的长是宽的 2 倍，设乙的长和宽分别是 a 和 b ，则 $a:b =$ _____.



(图3)

9、小张和小李分别从 A、B 两地同时出发，相向而行，

第一次在距 A 地 5 千米处相遇，继续往前走到各地（B、A）后又立即返回，第二次在距 B 地 4 千米处两人再次相遇，则 A、B 两地的距离是_____千米.

10、在 $\triangle ABC$ 中，三个内角的度数均为整数，且 $\angle A < \angle B < \angle C$ ， $5\angle C = 9\angle A$ ，则 $\angle B$ 的度数是_____.

11、如果有四个不同的正整数 m 、 n 、 p 、 q 满足 $(7-m)(7-n)(7-p)(7-q) = 4$ ，那么 $m+n+p+q$ 的值为_____.

12、已知 a, b 均为质数，且 $a^2 + b = 2003$ ，则 $a + b$ 的值为_____.

三、（本题满分 15 分）

13、计算： $(1 - \frac{1}{2^2}) \times (1 - \frac{1}{3^2}) \times \dots \times (1 - \frac{1}{2009^2}) \times (1 - \frac{1}{2010^2})$

四、（本题满分 15 分）

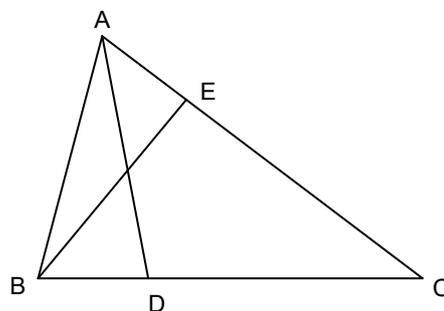
14、已知 $x^2 = x + 1$ ， $y^2 = y + 1$ ，且 $x \neq y$.

(1) 求证： $x + y = 1$; (2) 求 $x^5 + y^5$ 的值.

五、(本题满分 15 分)

15、如图，在 $\triangle ABC$ 中 $AC > BC$ ，E、D 分别是 AC、BC 上的点，且 $\angle BAD = \angle ABE$ ， $AE = BD$ 。

求证： $\angle BAD = \frac{1}{2} \angle C$ 。



(第15题图)

六、(本题满分 15 分)

16、房间里有凳子（3 条腿）、椅子（4 条腿）若干。每张凳子或椅子只能坐 1 人。一些人进来开会，只坐凳子或椅子都不够坐，但每人都有凳子或椅子坐，且还有空位。已知人腿、凳子腿、椅子腿之和为 32，求房间里共有多少人？有多少凳子？有多少椅子？

参考答案

一、选择题

1. A 2. B 3. C 4. A 5. A 6. B

二、填空题：

7. $\begin{cases} x=2 \\ y=1 \end{cases}$ 8. 9 : 2 9. 11 10. 54° 11. 28 12. 2001

三、解答题

13. $\frac{2011}{4020}$

14. (1) 证明: $\because x^2 = x+1, y^2 = y+1,$

$$\therefore x^2 - y^2 = x - y$$

$$\therefore x + y = 1 \quad (x \neq y)$$

(2) 解: $\because x^2 = x+1, y^2 = y+1, \therefore x^3 = x^2 + x, y^3 = y^2 + y,$

$$x^4 = x^3 + x^2, y^4 = y^3 + y^2, x^5 = x^4 + x^3, y^5 = y^4 + y^3,$$

$$\therefore x^5 + y^5 = x^4 + x^3 + y^4 + y^3 = x^3 + x^2 + x^2 + x + y^3 + y^2 + y^2 + y$$

$$= x^2 + x + x^2 + x^2 + x + y^2 + y + y^2 + y^2 + y$$

$$= 3(x^2 + y^2) + 2(x + y) = 3(x+1 + y+1) + 2(x+y) = 3 \times 3 + 2 = 11$$

15. 证明: 作 $\angle OBF = \angle OAE$ 交 AD 于 F

$$\because \angle BAD = \angle ABE$$

$$\therefore OA = OB$$

又 $\angle AOE = \angle BOF$

$$\therefore \triangle AOE \cong \triangle BOF \quad (\text{ASA})$$

$$\therefore AE = BF$$

$$\because AE = BD$$

$$\therefore BF = BD$$

$$\therefore \angle BDF = \angle BFD$$

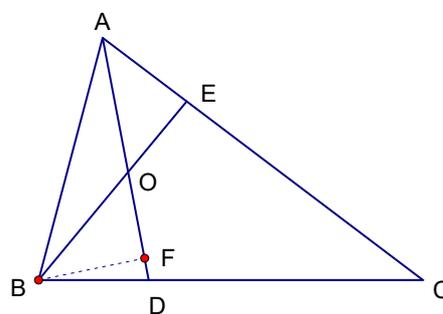
$$\because \angle BDF = \angle C + \angle OAE$$

$$\angle BFD = \angle BOF + \angle OBF$$

$$\therefore \angle BOF = \angle C$$

$$\because \angle BOF = \angle BAD + \angle ABE = 2\angle BAD$$

$$\therefore \angle BAD = \frac{1}{2} \angle C$$



(第15题图)

16、解：设房间里有 x 人， y 张凳子， z 把椅子

$$\text{由题意得} \begin{cases} 2x + 3y + 4z = 32 \\ x > y, x > z \\ x < y + z \end{cases}$$

于是有 $32 = 2x + 3y + 4z > 5x + z > 5x$ 又 x 是整数，

所以 $4 \leq x \leq 6$

当 $x = 4$ 时， $y \leq 3, z \leq 3, \therefore 2x + 3y + 4z < 32$, 矛盾。

当 $x = 6$ 时， $32 = 2x + 3y + 4z > 5x + z = 30 + z$

$\therefore z < 2$, 所以 $z = 1$, 于是 $y = \frac{16}{3}$, 与 y 是整数矛盾。

当 $x = 5$ 时，可得 $y = 2, z = 4$