

昆山提招模拟卷（九）参考答案

一、选择题（每小题 4 分，共 40 分）

1.C 2.C 3.B 4.B 5.D 6.C 7.B 8.D 9.B 10.D

5.由分式方程 $\frac{2x-m}{n-2x} = \frac{p}{q}$ 解得 $x = \frac{np+mq}{2p+2q}$, 由原分式方程有解, 得 $n-2x =$

$$\frac{np+nq-np-mq}{p+q} \neq 0. \text{ 解得 } m \neq n, p = -q.$$

6. $AP+BP+CP=BP+AC$, 当 $BP \perp AC$ 时, $AP+BP+CP$ 的值最小, 作 $AD \perp$

$$BC, AD = \sqrt{5^2 - 3^2} = 4, S_{\triangle ABC} = \frac{BC \times AD}{2} = \frac{AC \times BP}{2} =$$

$$\frac{6 \times 4}{2} = \frac{5BP}{2},$$

$\therefore BP = 4.8$, 即 $AP+BP+CP$ 的最小值为 $5+4.8=9.8$.

7.设小正方形的边长为 a , 大正方形的边长为 b , 由这三张纸片盖住的总面积是 24 平方厘米, 可得 $ab+a(b-a)=24$ ①, 由未盖住的面积比小正方形面积的四分之一还少 3 平方厘米,

可得 $(b-a)^2 = \frac{1}{4}a^2 - 3$ ②, 将 ①② 联立解方程组可得: $a=4, b=5$, \therefore 大正方形的边长为 5,

\therefore 面积是 25.

8.设时间为 t 秒, 则 $AP=BQ=tc$ cm, $PB=(4-t)$ cm, 当 $\angle PQB=90^\circ$ 时, $\therefore \angle B=60^\circ, \therefore PB=2BQ$,

即 $4-t=2t, t = \frac{4}{3}$, 当 $\angle BPQ=90^\circ$ 时, $\therefore \angle B=60^\circ, \therefore BQ=2BP$, 得 $t=2(4-t), t = \frac{8}{3}$,

\therefore 当第 $\frac{4}{3}$ 秒或第 $\frac{8}{3}$ 秒时, $\triangle PBQ$ 为直角三角形.

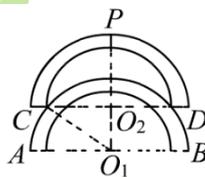
9.如图, $CO_2=5, CO_1=5.5$, 则 $O_1O_2 = \sqrt{5.5^2 - 5^2} = \sqrt{5.25}$,

六个碗叠放的总高度是 $5 \times \sqrt{5.25} + 5.5 = \sqrt{131.25} + 5.5$,

$\therefore 11^2 = 121, 11.5^2 = 132.25$, 则 $11^2 < 131.25 < 11.5^2$,

$11 < \sqrt{131.25} < 11.5, \therefore 16.5 < \sqrt{131.25} + 5.5 < 17$,

因此高度至少是 17 厘米.



10.过 P 作 $MN \perp y$ 轴, 交 y 轴于 M , 交 AB 于 N , 过 D 作 $DH \perp y$ 轴, 交 y 轴于 H ,

$\angle CMP = \angle DNP = \angle CPD = 90^\circ, \therefore \angle MCP + \angle CPM = 90^\circ, \angle MPC + \angle DPN = 90^\circ$,

$\therefore \angle MCP = \angle DPN, \therefore P(1, 1), \therefore OM = BN = 1, PM = 1$, 在 $\triangle MCP$ 和 $\triangle NPD$ 中,

$$\begin{cases} \angle CMP = \angle DNP, \\ \angle MCP = \angle DPN, \therefore \triangle MCP \cong \triangle NPD \text{ (AAS)}, \therefore DN = PM, PN = CM, \\ PC = PD, \end{cases}$$

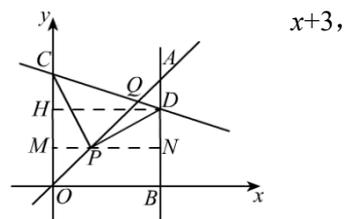
$\therefore BD = 2AD, \therefore$ 设 $AD = a, BD = 2a, \therefore P(1, 1), \therefore BN = 2a - 1$, 则 $2a - 1 = 1, a = 1$, 即 $BD = 2$.

\therefore 直线 $y = x, \therefore AB = OB = 3$, 在 $Rt\triangle DNP$ 中, 由勾股定理得: $PC = PD = \sqrt{5}$, 在 $Rt\triangle MCP$

中, 由勾股定理得: $CM = 2$, 则 C 的坐标是 $(0, 3)$, 设直线 CD 的解析式是 $y = kx + 3$,

把 $D(3, 2)$ 代入得: $k = -\frac{1}{3}$, 即直线 CD 的解析式是 $y = -\frac{1}{3}x + 3$,

$$\text{即 } \begin{cases} y = -\frac{1}{3}x + 3, \\ y = x, \end{cases} \text{ 解得: } \begin{cases} x = \frac{9}{4}, \\ y = \frac{9}{4}. \end{cases}, \text{ 即 } Q \text{ 的坐标是 } \left(\frac{9}{4}, \frac{9}{4}\right).$$



二、填空题（每小题 5 分，共 30 分）

11.0 或 -1 12.三 13.-i 14.26° 15.34 16. $\sqrt{3}$

11.∵ $\sqrt{(m+1)^2}=m+1$, ∴ $m+1 \geq 0$, 即 $m \geq -1$, 又∵ $m < \frac{1}{\sqrt{2}} < 1$, ∴ $-1 \leq m < 1$ 且为整数,

∴ $m=0$ 或 -1 .

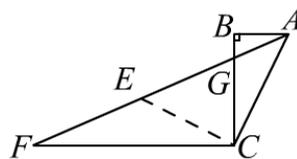
12.∵实数 a, b, c 满足 $a+b+c=0$, 且 $a < b < c$, ∴ $a < 0, c > 0$, ∴一次函数 $y=ax+c$ 的图象经过第一、二、四象限, 不可能经过第三象限.

13.根据题意得: $i^{2015}=i^{2014} \cdot i = (i^2)^{1007} \cdot i = -i$.

14.如图, 取 FG 的中点 E , 连接 EC . ∵ $FC \parallel AB$, ∴ $\angle GCF=90^\circ$,

∴ $EC = \frac{1}{2}FG = AC$, ∴ $\angle EAC = \angle AEC = \angle F + \angle ECF = 2\angle F$, 设

$\angle BAG = x$, 则 $\angle F = x$, ∴ $\angle BAC = 78^\circ$, ∴ $x + 2x = 78^\circ$, ∴ $x = 26^\circ$,
∴ $\angle BAG = 26^\circ$.



15.由题意得, $ax+by=3$ ①, $ay-bx=5$ ②,

①²得 $a^2x^2+b^2y^2+2abxy=9$ ③, ②²得 $a^2y^2+b^2x^2-2abxy=25$ ④,

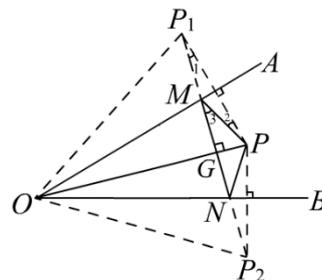
③+④得 $a^2x^2+b^2y^2+a^2y^2+b^2x^2=34$, $a^2(x^2+y^2)+b^2(x^2+y^2)=34$, ∴ $(a^2+b^2)(x^2+y^2)=34$.

16.作点 P 关于 OA 的对称点 P_1 , 关于 OB 的对称点 P_2 , 连 P_1P_2 与 OA 交于点 M , 与 OB 交于点 N , 连 PM, PN , 则此时 $\triangle PMN$ 的周长可取最小值.

∵ $\angle AOB=30^\circ$, 由对称性可知 $\angle AOP_1=\angle AOP$, $\angle BOP_2=\angle BOP$,
故 $\angle P_1OP_2=2\angle AOB=60^\circ$, 又 $OP_1=OP=OP_2=6$, ∴ $\triangle P_1OP_2$ 为等边三角形.

易证得 $\triangle P_1OM \cong \triangle POM$ 则 $MP_1=MP$, ∴ $\angle 1=\angle 2$, 设 $\angle 1=\angle 2=x$,
则 $\angle 3=2x$, 又 OP 平分 $\angle AOB$, 则在等边 $\triangle P_1OP_2$ 中 OP 也为角平分线,
故 $OP \perp P_1P_2$, ∴ $\angle MPO=90^\circ - 2x$, $\angle OPP_1=75^\circ$,
∴ $90^\circ - 2x + x = 75^\circ$, 解得 $x=15^\circ$, ∴ $\angle 3=30^\circ$, 在 $\text{Rt}\triangle PMG$ 中,

设 $PG=m$, 则 $PM=2m$, $MG=\sqrt{3}m$, ∴ $P_1P_2=4MG=4\sqrt{3}m$, 故 $4\sqrt{3}m=6$,
 $m=\frac{\sqrt{3}}{2}$, $PM=\sqrt{3}$.



三、解答题 (共 5 小题, 共 50 分)

17.解: ∵ $a=\sqrt{2}+1, b=\sqrt{2}-1$, ∴ $ab=(\sqrt{2}+1)(\sqrt{2}-1)=1, a-b=\sqrt{2}+1-\sqrt{2}+1=2$,

$$\therefore \sqrt{ab} - \left(\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} - \frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}} \right) = 1 - \left(\frac{\sqrt{ab}}{b} - \frac{\sqrt{ab}}{a} \right) = 1 - \left(\frac{1}{b} - \frac{1}{a} \right) = 1 - \left(\frac{a-b}{ab} \right) = 1 - (a-b) = 1 - 2 = -1.$$

18.证明: 原式 $= 9^{14} - 9^9 \times 3^9 - 9^{13} = 3^{28} - 3^{27} - 3^{26} = 3^{26} (3^2 - 3 - 1) = 3^{26} \times 5 = 3^{24} \times 3^2 \times 5 = 45 \times 3^{24}$.

所以能被 45 整除.

19.证明: ∵点 D, E, F 分别是 AB, AC, BC 的中点, ∴ $DE \parallel BC, DF \parallel CE$,

∴四边形 $CEDF$ 是平行四边形. ∵ $\angle ACB=90^\circ$, ∴四边形 $CEDF$ 是矩形,

得 $OD=OC=OE=OF$. 在 $\text{Rt}\triangle EHF$ 中, $OH=\frac{1}{2}EF=OE=OF$, ∴ $OH=\frac{1}{2}CD=OC=OD$,

∴在 $\triangle CHD$ 中, $\angle CHO=\angle OCH, \angle OHD=\angle ODH$.

∴ $\angle CHO+\angle OCH+\angle OHD+\angle ODH=180^\circ$,

∴ $\angle CHO+\angle OHD=90^\circ$, 即 $CH \perp AB$.

20.解: (1) 设从甲养殖场调运鸡蛋 x 斤, 从乙养殖场调运鸡蛋 y 斤,

$$\text{根据题意得: } \begin{cases} 200 \times 0.012x + 140 \times 0.015y = 2670, \\ x + y = 1200, \end{cases} \text{ 解得: } \begin{cases} x = 500, \\ y = 700. \end{cases}$$

∵ $500 < 800, 700 < 900$, ∴符合条件.

答: 从甲、乙两养殖场各调运了 500 斤, 700 斤鸡蛋;

(2) 从甲养殖场调运了 x 斤鸡蛋, 从乙养殖场调运了 $(1200-x)$ 斤鸡蛋,

根据题意得:
$$\begin{cases} x \leq 800, \\ 1200-x \leq 900, \end{cases} \text{解得: } 300 \leq x \leq 800,$$

总运费 $W=200 \times 0.012x + 140 \times 0.015 \times (1200-x) = 0.3x + 2520, (300 \leq x \leq 800),$

$\therefore W$ 随 x 的增大而增大, \therefore 当 $x=300$ 时, $W_{\text{最小}}=2610$ 元,

\therefore 每天从甲养殖场调运了 300 斤鸡蛋, 从乙养殖场调运了 900 斤鸡蛋, 每天的总运费最省.

21. 解: (1) (0, 3);

(2) ① 点 D 在第一象限时 (如图①中点 D_1), $\therefore \triangle CDB$ 与 $\triangle CDO$ 面积相等, $\therefore CD \parallel OB$,

\therefore 点 D 的纵坐标为 3, 当 $y=3$ 时, $-\frac{2}{3}x+4=3$, 解得 $x=\frac{3}{2}$, \therefore 点 D 的坐标为 $(\frac{3}{2}, 3)$,

\therefore 直线 OD 的解析式为 $y=2x$;

② 点 D 在第二象限时 (如图①中点 D_2), $AC=4-3=1$, 设点 D 到 y 轴的距离为 a , 则

$S_{\triangle CDB} = S_{\triangle ACD} + S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \times 1 \cdot a + \frac{1}{2} \times 1 \times 6 = \frac{1}{2}a + 3$, $\therefore \triangle CDB$ 与 $\triangle CDO$ 面积相等,

$\therefore \frac{1}{2}a + 3 = \frac{1}{2} \times 3a$, 解得 $a=3$, \therefore 点 D 的横坐标为 -3 , 当 $x=-3$ 时, $y = -\frac{2}{3} \times (-3) + 4 = 2 + 4 = 6$,

\therefore 点 D 的坐标为 $(-3, 6)$, \therefore 直线 OD 的解析式为 $y=-2x$.

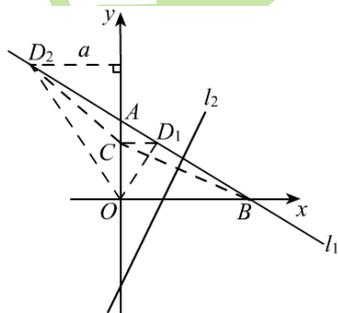
(3) 如图②, 设 OD 平移后的解析式为 $y=2x+b$, 令 $y=0$, 则 $2x+b=0$, 解得 $x=-\frac{b}{2}$,

令 $x=0$, 则 $y=b$, 所以, $OE=\frac{b}{2}$, $OF=b$, 过点 M 作 $MN \perp y$ 轴于 N , 过点 P 作 $PQ \perp x$ 轴于

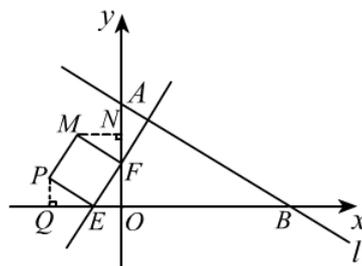
Q , \therefore 四边形 $EFMP$ 是正方形, \therefore 易证 $\triangle MNF \cong \triangle FOE \cong \triangle EQP$, $\therefore MN=OF=EQ$, $NF=OE=$

PQ , $\therefore M(m, 3)$, $\therefore ON=b+\frac{b}{2}=3$, 解得 $b=2$, $\therefore OE=1$, $OF=2$, $\therefore OQ=OE+QE=1+2=3$,

\therefore 点 $M(-2, 3)$, 点 $P(-3, 1)$, 故存在点 $M(-2, 3)$ 和点 $P(-3, 1)$, 使四边形 $EFMP$ 为正方形.



图①



图②