

昆山市 2023-2024 学年第一学期八年级数学期末考试模拟试题

一、选择题（本大题共 10 小题，每小题 3 分，共 30 分，在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的，把正确答案填在答题卡相应的位置上）

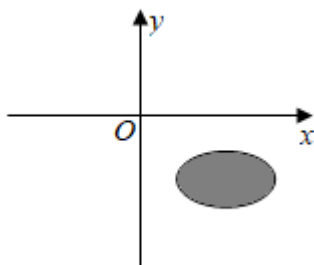
1. (3 分) 小篆，是在秦始皇统一六国后创制的汉字书写形式。下列四个小篆字中为轴对称图形的是 ()



2. (3 分) 下列四个实数 $\sqrt{9}$ 、 π 、 $\frac{22}{7}$ 、 $\sqrt{2}$ 中，无理数的个数有 ()

A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

3. (3 分) 如图，在平面直角坐标系中，被墨水污染部分遮住的点的坐标可能是 ()



A. (3, 2) B. (-3, 2) C. (-3, -2) D. (3, -2)

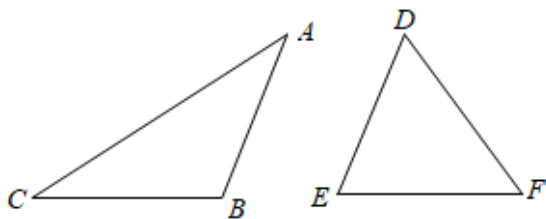
4. (3 分) 在 $\triangle ABC$ 中， $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 的对边分别为 a 、 b 、 c ，下列条件不能判断 $\triangle ABC$ 是直角三角形的是 ()

A. $\angle B = \angle C + \angle A$ B. $a^2 = (b+c)(b-c)$
 C. $\angle A : \angle B : \angle C = 3 : 4 : 5$ D. $a : b : c = 3 : 4 : 5$

5. (3 分) 在平面直角坐标系内，将点 $A(1, 2)$ 先向右平移 2 个单位长度，再向下平移 1 个单位长度，则平移后所得点的坐标是 ()

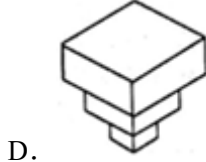
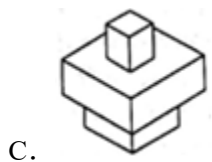
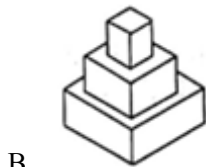
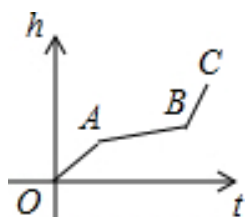
A. (3, 1) B. (3, 3) C. (-1, 1) D. (-1, 3)

6. (3 分) 如图，在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle DEF$ 中， $AB=DE$ ， $BC=EF$ ， $\angle B + \angle E = 180^\circ$ 。如果 $\triangle ABC$ 的面积 48cm^2 ，那么 $\triangle DEF$ 的面积为 ()

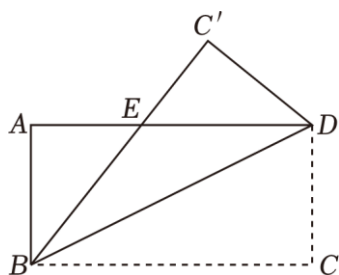


A. 48cm^2 B. 24cm^2 C. 54cm^2 D. 96cm^2

7. (3分) 均匀地向一个容器注水, 最后把容器注满, 在注水过程中, 水面高度 h 随时间 t 的变化规律如图示 (图中 $OABC$ 为折线), 这个容器的形状可以是 ()

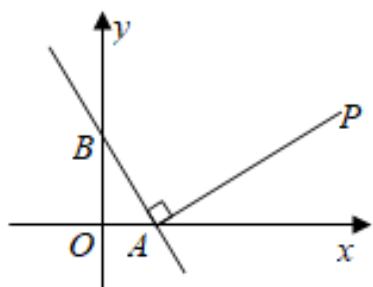


8. (3分) 如图, 将长方形 $ABCD$ 沿对角线 BD 折叠, 使点 C 落在点 C' 处, BC' 交 AD 于 E , $AD=8$, $AB=4$, 则重叠部分 (即 $\triangle BDE$) 的面积为 ()



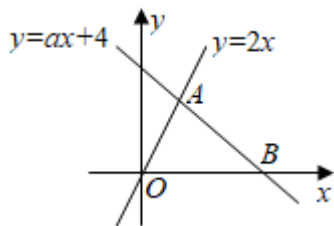
- A. 6 B. 7.5 C. 10 D. 20

9. (3分) 如图, 直线 $y = -2x + 2$ 与 x 轴和 y 轴分别交于 A 、 B 两点, 射线 $AP \perp AB$ 于点 A . 若点 C 是射线 AP 上的一个动点, 点 D 是 x 轴上的一个动点, 且以 C 、 D 、 A 为顶点的三角形与 $\triangle AOB$ 全等, 则 OD 的长为 ()



- A. 2 或 $\sqrt{5}+1$ B. 3 或 $\sqrt{5}$ C. 2 或 $\sqrt{5}$ D. 3 或 $\sqrt{5}+1$

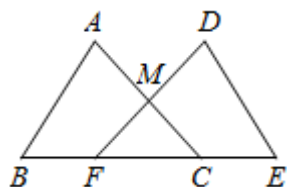
10. (3分) 如图, 一次函数 $y=2x$ 和 $y=ax+4$ 的图象相交于点 $A(m, 3)$, 则不等式 $0 < ax+4 < 2x$ 的解集是 ()



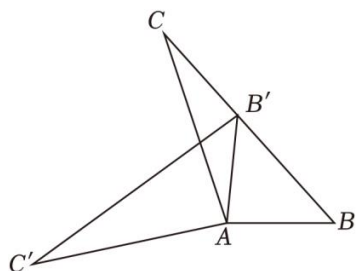
- A. $0 < x < \frac{3}{2}$ B. $\frac{3}{2} < x < 6$ C. $\frac{3}{2} < x < 4$ D. $0 < x < 3$

二、填空题 (本大题共 8 小题, 每小题 3 分, 共 24 分, 请将答案填在答题卡相应的位置上)

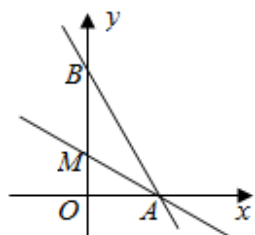
11. (3分) 若 $x^3 = -1$, 则 $x =$ _____.
12. (3分) 如图, $\triangle ABC \cong \triangle DEF$, 点 B, F, C, E 在同一条直线上, AC, DF 交于点 M , $\angle ACB = 43^\circ$, 则 $\angle AMF$ 的度数是 _____ $^\circ$.



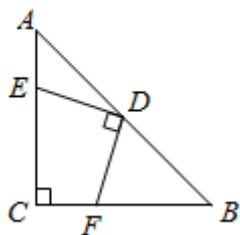
13. (3分) 已知一次函数 $y=x+b$ 的图象经过点 $A(-1, 1)$, 则 b 的值是 _____.
14. (3分) 一个三角形的三边的比是 3: 4: 5, 它的周长是 36, 则它的面积是 _____.
15. (3分) 在平面直角坐标系内, 已知点 $A(a+3, a)$ 、 $B(a+7, a)$ 关于 y 轴对称, 则 AB 的长为 _____.
16. (3分) 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle BAC = 105^\circ$, 将 $\triangle ABC$ 绕点 A 逆时针旋转得到 $\triangle AB'C'$. 若点 B' 恰好落在 BC 边上, 且 $AB' = CB'$, 则 $\angle C'$ 的度数为 _____ $^\circ$.



17. (3分) 如图, 直线 $y = -\frac{4}{3}x + 8$ 与 x 轴、 y 轴分别交于点 A, B , $\angle BAO$ 的角平分线与 y 轴交于点 M , 则 OM 的长为 _____.



18. (3分) 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB=90^\circ$, $AC=BC=6\text{cm}$, D 是 AB 的中点, 点 E 在 AC 上, 过点 D 作 $DF \perp DE$, 交 BC 于点 F . 如果 $AE=2\text{cm}$, 则四边形 $CEDF$ 的周长是_____ cm .

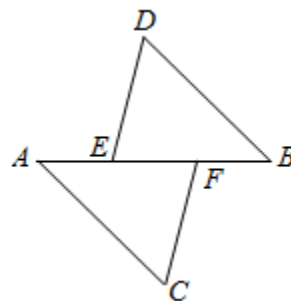


- 三、解答题 (本大题共 76 分. 解答时应写出必要的计算或说明过程, 并把解答过程填写在答题卡相应的位置上)

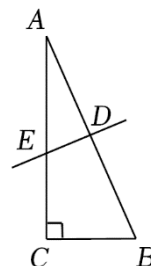
19. (5分) 计算: $(\sqrt{3})^2 - \sqrt[3]{-64} - \sqrt{3^2 + 4^2}$.

20. (6分) 如图, 点 E 、 F 在 AB 上, 且 $AE=BF$, $\angle C=\angle D$, $AC \parallel BD$.

求证: $CF \parallel DE$.



21. (6分) 如图, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $AC=8$, $AB=10$, AB 的垂直平分线分别交 AB 、 AC 于点 D 、 E . 求 AE 的长.

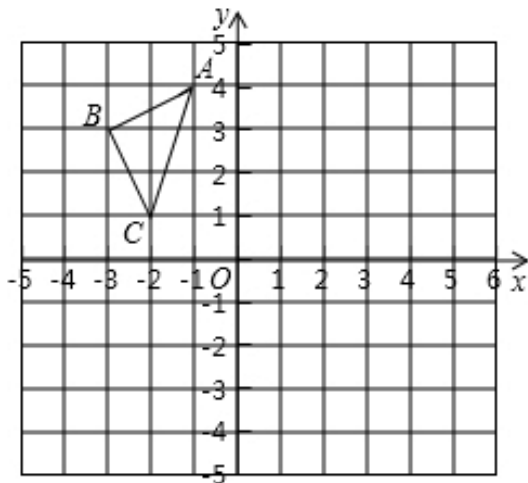


22. (6分) 已知点 $P(m, n)$ 在一次函数 $y=2x-3$ 的图象上, 且 $m>2n$, 求 m 的取值范围.

23. (6分) 如图, 在平面直角坐标系中, $A(-1, 4)$, $B(-3, 3)$, $C(-2, 1)$.

(1) 已知 $\triangle A_1B_1C_1$ 与 $\triangle ABC$ 关于 x 轴对称, 画出 $\triangle A_1B_1C_1$ (请用 2B 铅笔将 $\triangle A_1B_1C_1$ 描深);

(2) 在 y 轴上找一点 P , 使得 $\triangle PBC$ 的周长最小, 试求点 P 的坐标.

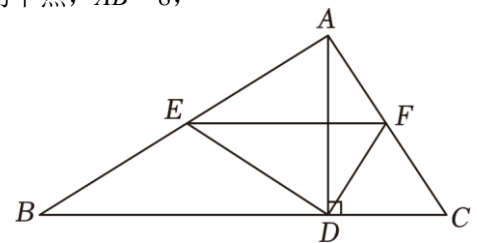


24. (7分) 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, AD 是高, E 、 F 分别是 AB 、 AC 的中点, $AB=8$,

$AC=6$.

(1) 求四边形 $AEDF$ 的周长;

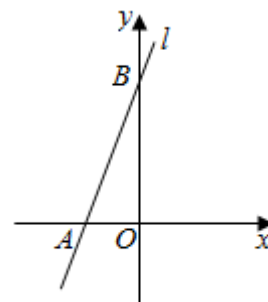
(2) 若 $\angle BAC=90^\circ$, 求四边形 $AEDF$ 的面积.



25. (8分) 如图, 已知直线 $l: y=2x+b$ ($b>0$) 分别交 x 轴、 y 轴于点 A 、 B .

(1) 用含 b 的代数式表示点 A 的横坐标为 _____;

(2) 如果 $\triangle AOB$ 的面积等于 4, 求 b 的值;



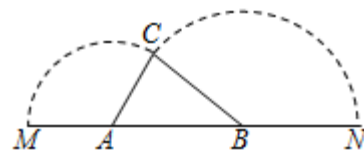
(3) 如果直线 l 与一次函数 $y=-2x-1$ 和 $y=x+2$ 的图象交于同一点, 求 b 的值.

26. (10分) 如图, 已知线段 $MN=4$, 点 A 在线段 MN 上, 且 $AM=1$, 点 B 为线段 AN 上的一个动点. 以 A 为中心顺时针旋转点 M , 以 B 为中心逆时针旋转点 N , 旋转角

分别为 α 和 β . 若旋转后 M 、 N 两点重合成一点 C (即构成 $\triangle ABC$), 设 $AB=x$.

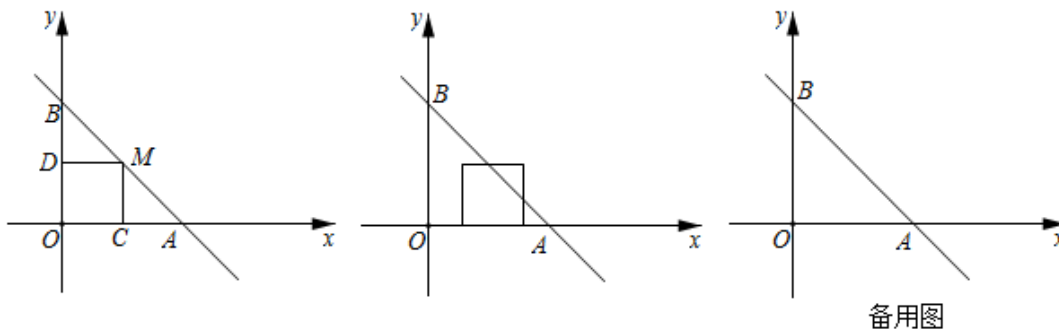
(1) $\triangle ABC$ 的周长为 _____;

(2) 若 $\alpha+\beta=270^\circ$, 求 x 的值;



(3) 试探究 $\triangle ABC$ 是否可能为等腰三角形? 若可能, 求出 x 的值; 若不可能, 请说明理由.

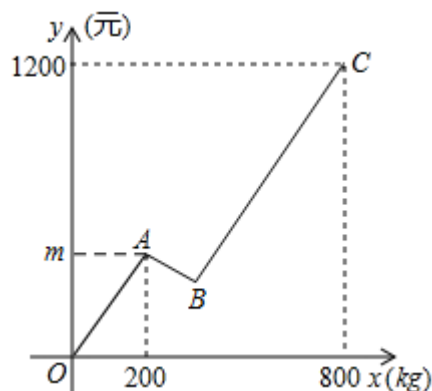
27. (10分) 如图, 直线 $y=4-x$ 与两坐标轴分别相交于 A 、 B 两点, 过线段 AB 上一点 M 分别作 $MC \perp OA$ 于点 C , $MD \perp OB$ 于点 D , 且四边形 $OCMD$ 为正方形.



- (1) 正方形 $OCMD$ 的边长为_____.
- (2) 将正方形 $OCMD$ 沿着 x 轴的正方向移动, 得正方形 $EFGH$, 设平移的距离为 a ($0 < a \leq 4$).
 - ①当平移距离 $a=1$ 时, 正方形 $EFGH$ 与 $\triangle AOB$ 重叠部分的面积为_____;
 - ②当平移距离 a 为多少时, 正方形 $EFGH$ 的面积被直线 AB 分成 1: 3 两个部分?

28. (12分) 某商店代理销售一种水果. 某月 30 天的销售净利润 (扣除每天需要缴纳各种费用 50 元后的利润) y (元) 与销售量 x (kg) 之间函数关系的图象如图中折线所示.

日期	销售记录
1 日	库存 600kg, 进价 6 元/kg, 售价 10 元/kg (除了促销期间降价, 其他时间售价保持不变)
9 日	从 1 日起的 9 天内一共售出 200kg
10、11 日	这两天以进价促销, 之后售价恢复到 10 元/kg
12 日	补充进货 200kg, 进价 6.5 元/kg
30 日	800kg 水果全部售完, 一共获利 1200 元



请根据图象及如表中销售记录提供的相关信息, 解答下列问题:

-
- (1) A 点纵坐标 m 的值为_____;
- (2) 求两天促销期间一共卖掉多少水果?
- (3) 求图象中线段 BC 所在直线对应的函数表达式.

昆山市 2023-2024 学年第一学期八年级数学期末考试模拟试题

参考答案与试题解析

一、选择题（本大题共 10 小题，每小题 3 分，共 30 分，在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的，把正确答案填在答题卡相应的位置上）

1. (3 分) 小篆，是在秦始皇统一六国后创制的汉字书写形式。下列四个小篆字中为轴对称图形的是（ ）



【答案】D

【分析】根据轴对称图形的概念判断即可。

【解答】解：A、本选项中小篆字不是轴对称图形，不符合题意；

B、本选项中小篆字不是轴对称图形，不符合题意；

C、本选项中小篆字不是轴对称图形，不符合题意；

D、本选项中小篆字是轴对称图形，符合题意；

故选：D。

2. (3 分) 下列四个实数 $\sqrt{9}$ 、 π 、 $\frac{22}{7}$ 、 $\sqrt{2}$ 中，无理数的个数有（ ）

A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

【答案】B

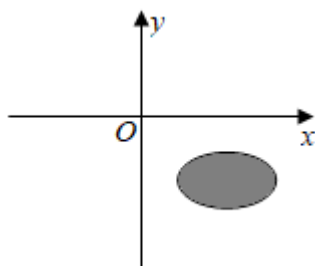
【分析】根据无理数的概念求解即可。

【解答】解： $\sqrt{9}=3$ ，

π ， $\sqrt{2}$ 是无理数，共 2 个，

故选：B。

3. (3 分) 如图，在平面直角坐标系中，被墨水污染部分遮住的点的坐标可能是（ ）



A. (3, 2) B. (-3, 2) C. (-3, -2) D. (3, -2)

【答案】D

【分析】根据平面直角坐标系内各象限内点的坐标特点解答即可.

【解答】解：由图可知被墨水污染部分位于坐标系中第四象限，
所以被墨水污染部分遮住的点的坐标应位于第四象限，则可以以为： $(3, -2)$ ，
故选： D .

4. (3分) 在 $\triangle ABC$ 中， $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 的对边分别为 a 、 b 、 c ，下列条件不能判断 $\triangle ABC$ 是直角三角形的是 ()

A. $\angle B = \angle C + \angle A$

B. $a^2 = (b+c)(b-c)$

C. $\angle A : \angle B : \angle C = 3 : 4 : 5$

D. $a : b : c = 3 : 4 : 5$

【答案】 C

【分析】利用直角三角形的定义和勾股定理的逆定理逐项判断即可.

【解答】解： A 、 $\because \angle B = \angle C + \angle A$ ，且 $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$ ， $\therefore \angle B = 90^\circ$ ，故 $\triangle ABC$ 是直角三角形；
 B 、 $\because a^2 = (b+c)(b-c)$ ， $\therefore a^2 + c^2 = b^2$ ，故 $\triangle ABC$ 是直角三角形；
 C 、 $\because \angle A : \angle B : \angle C = 3 : 4 : 5$ ，且 $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$ ， \therefore 最大角 $\angle C = 75^\circ \neq 90^\circ$ ，故 $\triangle ABC$ 不是直角三角形；
 D 、由条件可设 $a = 3k$ ，则 $b = 4k$ ， $c = 5k$ ，那么 $a^2 + b^2 = c^2$ ，故 $\triangle ABC$ 是直角三角形；

故选： C .

5. (3分) 在平面直角坐标系内，将点 $A(1, 2)$ 先向右平移2个单位长度，再向下平移1个单位长度，则平移后所得点的坐标是 ()

A. $(3, 1)$

B. $(3, 3)$

C. $(-1, 1)$

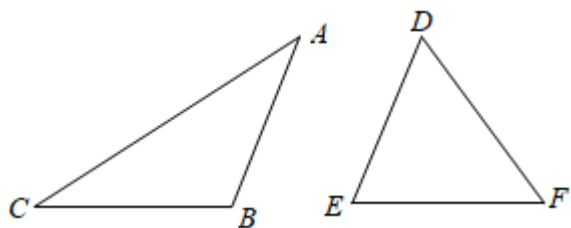
D. $(-1, 3)$

【答案】 A

【分析】根据平移的法则即可得出平移后所得点的坐标.

【解答】解：将点 $A(1, 2)$ 先向右平移2个单位长度，再向下平移1个单位长度，则平移后所得点的坐标是 $(1+2, 2-1)$ ，
即 $(3, 1)$ ，
故选： A .

6. (3分) 如图，在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle DEF$ 中， $AB = DE$ ， $BC = EF$ ， $\angle B + \angle E = 180^\circ$. 如果 $\triangle ABC$ 的面积 48cm^2 ，那么 $\triangle DEF$ 的面积为 ()



- A. 48cm^2 B. 24cm^2 C. 54cm^2 D. 96cm^2

【答案】A

【分析】作 $AM \perp BC$ 于 M , $DN \perp EF$ 于 N , 如图, 根据等角的余角相等得到 $\angle ABM = \angle E$, 则可判断 $\triangle ABM \cong \triangle DEN$, 所以 $AM = DN$, 然后利用三角形的面积公式可得到 $S_{\triangle DEF} = S_{\triangle ABC}$.

【解答】解: 作 $AM \perp BC$ 于 M , $DN \perp EF$ 于 N , 如图,

$$\because \angle ABC + \angle E = 180^\circ, \quad \angle ABC + \angle ABM = 180^\circ,$$

$$\therefore \angle ABM = \angle E,$$

在 $\triangle ABM$ 和 $\triangle DEN$ 中,

$$\begin{cases} \angle AMB = \angle DNE \\ \angle ABM = \angle DEN, \\ AB = DE \end{cases}$$

$$\therefore \triangle ABM \cong \triangle DEN \text{ (AAS)},$$

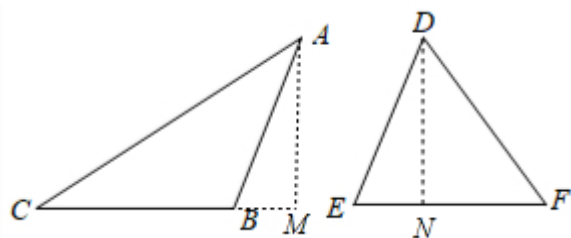
$$\therefore AM = DN,$$

$$\therefore S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \cdot BC \cdot AM, \quad S_{\triangle DEF} = \frac{1}{2} \cdot EF \cdot DN,$$

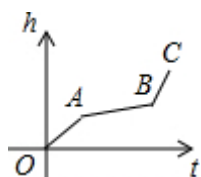
而 $BC = EF$,

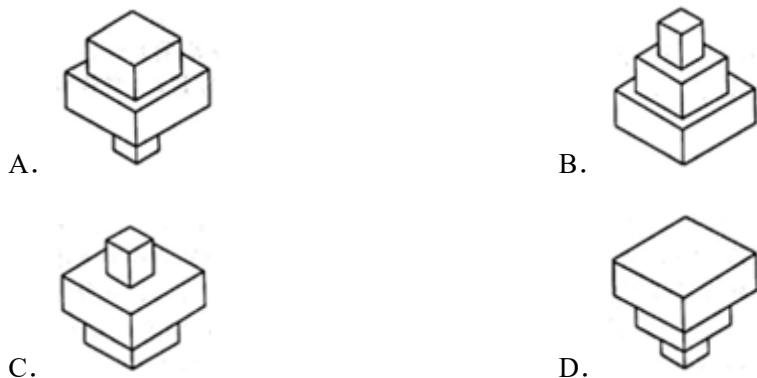
$$\therefore S_{\triangle DEF} = S_{\triangle ABC} = 48\text{cm}^2.$$

故选: A.



7. (3分) 均匀地向一个容器注水, 最后把容器注满, 在注水过程中, 水面高度 h 随时间 t 的变化规律如图所示 (图中 $OABC$ 为折线), 这个容器的形状可以是 ()





【答案】C

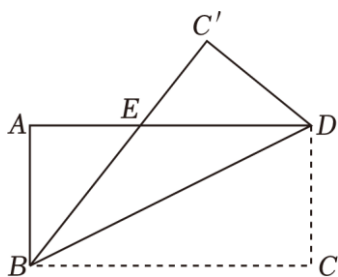
【分析】根据每一段函数图象的倾斜程度，反映了水面上升速度的快慢，再观察容器的粗细，作出判断.

【解答】解：注水量一定，从图中可以看出， OA 上升较快， AB 上升较慢， BC 上升最快，

由此可知这个容器下面容积较大，中间容积最大，上面容积最小，

故选：C.

8. (3分) 如图，将长方形 $ABCD$ 沿对角线 BD 折叠，使点 C 落在点 C' 处， BC' 交 AD 于 E ， $AD=8$ ， $AB=4$ ，则重叠部分（即 $\triangle BDE$ ）的面积为（ ）



- A. 6 B. 7.5 C. 10 D. 20

【答案】C

【分析】由折叠的性质和矩形的性质可证 $BE=DE$ ，设 $AE=x$ ，则 $BE=DE=8-x$ ，在直角 $\triangle ABE$ 中利用勾股定理即可列方程求得 x 的值，然后根据三角形面积公式求解.

【解答】解：∵ 四边形 $ABCD$ 是矩形，

∴ $AD \parallel BC$ ，

∴ $\angle EDB = \angle CBD$ ，

由折叠的性质得： $\angle C'BD = \angle CBD$ ，

∴ $\angle EDB = \angle C'BD$ ，

∴ $BE = DE$ ，

设 $AE=x$ ，则 $BE=DE=8-x$ ，

在 $\text{Rt}\triangle ABE$ 中， $AB^2 + AE^2 = BE^2$ ，

$$\text{即 } 4^2 + x^2 = (8 - x)^2,$$

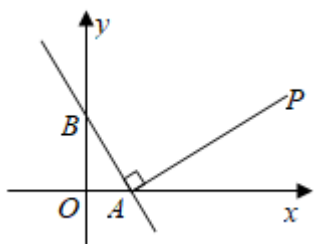
解得: $x=3$,

$$\text{则 } AE=3, DE=8-3=5,$$

$$\text{则 } S_{\triangle BDE} = \frac{1}{2} DE \cdot AB = \frac{1}{2} \times 5 \times 4 = 10,$$

故选: C.

9. (3分) 如图, 直线 $y = -2x + 2$ 与 x 轴和 y 轴分别交于 A 、 B 两点, 射线 $AP \perp AB$ 于点 A . 若点 C 是射线 AP 上的一个动点, 点 D 是 x 轴上的一个动点, 且以 C 、 D 、 A 为顶点的三角形与 $\triangle AOB$ 全等, 则 OD 的长为 ()



- A. 2 或 $\sqrt{5}+1$ B. 3 或 $\sqrt{5}$ C. 2 或 $\sqrt{5}$ D. 3 或 $\sqrt{5}+1$

【答案】 D

【分析】 根据题意解方程得到 $x=0$, 则 $y=2$, 令 $y=0$, 则 $x=1$, 求得 $OA=1$, $OB=2$, 根据勾股定理得到 $AB=\sqrt{5}$, ①当 $\angle ACD=90^\circ$ 时, 如图 1, ②当 $\angle ADC=90^\circ$ 时, 如图 2, 根据全等三角形的性质即可得到结论.

【解答】 解: $\because AP \perp AB$,

$$\therefore \angle BAP = \angle AOB = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle ABO + \angle BAO = \angle CAD + \angle BAO = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle ABO = \angle CAD,$$

在 $y = -2x + 2$ 中,

令 $x=0$, 则 $y=2$, 令 $y=0$, 则 $x=1$,

$$\therefore OA=1, OB=2, \text{ 由勾股定理得 } AB=\sqrt{5},$$

①当 $\angle ACD=90^\circ$ 时, 如图 1,

$$\therefore \triangle AOB \cong \triangle DCA,$$

$$\therefore AD = AB = \sqrt{5},$$

$$\therefore OD = 1 + \sqrt{5};$$

②当 $\angle ADC=90^\circ$ 时, 如图 2,

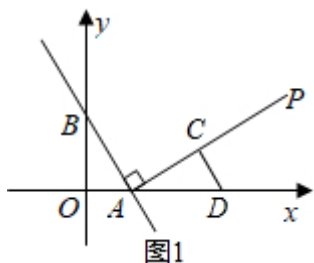
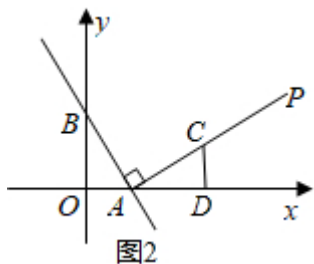
$$\because \triangle AOB \cong \triangle CDA,$$

$$\therefore AD = OB = 2,$$

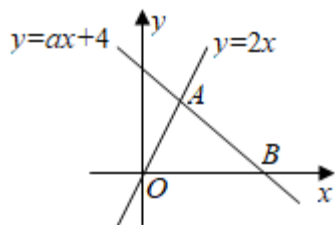
$$\therefore OA + AD = 3,$$

综上所述： OD 的长为 $1 + \sqrt{5}$ 或 3.

故选：D.



10. (3分) 如图，一次函数 $y=2x$ 和 $y=ax+4$ 的图象相交于点 $A(m, 3)$ ，则不等式 $0 < ax+4 < 2x$ 的解集是 ()



- A. $0 < x < \frac{3}{2}$ B. $\frac{3}{2} < x < 6$ C. $\frac{3}{2} < x < 4$ D. $0 < x < 3$

【答案】 B

【分析】 首先求得 A 的坐标，然后利用待定系数法求出 $y = -\frac{2}{3}x + 4$ ，再求得 B 的坐标，结合图象写出不等式 $0 < ax+4 < 2x$ 的解集即可.

【解答】 解： \because 函数 $y=2x$ 过点 $A(m, 3)$,

$$\therefore 2m = 3,$$

$$\text{解得: } m = \frac{3}{2},$$

$$\therefore A\left(\frac{3}{2}, 3\right),$$

代入 $y=ax+4$ 得, $3=\frac{3}{2}a+4$,

$$\therefore a = -\frac{2}{3},$$

$$\therefore y = -\frac{2}{3}x+4,$$

令 $y=0$, 则 $x=6$,

$$\therefore B(6, 0),$$

$$\therefore 0 < ax+4 < 2x \text{ 的解集为 } \frac{3}{2} < x < 6.$$

故选: B.

二、填空题(本大题共 8 小题, 每小题 3 分, 共 24 分, 请将答案填在答题卡相应的位置上)

11. (3 分) 若 $x^3 = -1$, 则 $x = \underline{-1}$.

【答案】 -1.

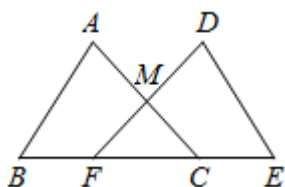
【分析】根据立方根的定义求解即可.

【解答】解: $\because x^3 = -1$,

$$\therefore x = \sqrt[3]{-1} = -1,$$

故答案为: -1.

12. (3 分) 如图, $\triangle ABC \cong \triangle DEF$, 点 B、F、C、E 在同一条直线上, AC、DF 交于点 M, $\angle ACB = 43^\circ$, 则 $\angle AMF$ 的度数是 86°.



【答案】 86.

【分析】根据全等三角形的性质得到 $\angle DFE = \angle ACB = 43^\circ$, 根据三角形的外角性质计算, 得到答案.

【解答】解: $\because \triangle ABC \cong \triangle DEF$,

$$\therefore \angle DFE = \angle ACB = 43^\circ,$$

$\because \angle AMF$ 是 $\triangle MFC$ 的一个外角,

$$\therefore \angle AMF = \angle DFE + \angle ACB = 86^\circ,$$

故答案为: 86.

13. (3 分) 已知一次函数 $y=x+b$ 的图象经过点 A(-1, 1), 则 b 的值是 2.

【答案】 见试题解答内容

【分析】把点 A 的坐标代入函数解析式进行计算即可.

【解答】解：∵一次函数 $y=x+b$ 的图象经过点 $A(-1, 1)$,

$$\therefore 1 = -1 + b,$$

解得： $b=2$,

故答案为： 2.

14. (3分) 一个三角形的三边的比是 3: 4: 5, 它的周长是 36, 则它的面积是 54.

【答案】见试题解答内容

【分析】根据勾股定理的逆定理得到三角形是直角三角形, 然后根据三角形的面积公式即可得到结论.

【解答】解：设三角形的三边是 $3x: 4x: 5x$,

$$\therefore (3x)^2 + (4x)^2 = (5x)^2,$$

∴此三角形是直角三角形,

∴它的周长是 36,

$$\therefore 3x + 4x + 5x = 36,$$

$$\therefore 3x = 9, 4x = 12,$$

$$\therefore \text{三角形的面积} = \frac{1}{2} \times 9 \times 12 = 54,$$

故答案为： 54.

15. (3分) 在平面直角坐标系内, 已知点 $A(a+3, a)$ 、 $B(a+7, a)$ 关于 y 轴对称, 则 AB 的长为 4.

【答案】4.

【分析】直接利用关于 y 轴对称点的性质得出 a 的值, 进而得出答案.

【解答】解：∵点 $A(a+3, a)$ 、 $B(a+7, a)$ 关于 y 轴对称,

$$\therefore a+3+a+7=0,$$

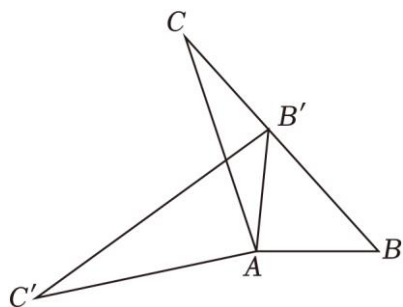
解得： $a = -5$,

$$\text{故 } a+3 = -2, a+7 = 2,$$

则 AB 的长为： 4.

故答案为： 4.

16. (3分) 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle BAC = 105^\circ$, 将 $\triangle ABC$ 绕点 A 逆时针旋转得到 $\triangle AB'C'$. 若点 B' 恰好落在 BC 边上, 且 $AB' = CB'$, 则 $\angle C'$ 的度数为 25°.



【答案】 见试题解答内容

【分析】 由三角形的内角和定理可得 $\angle B + \angle C = 75^\circ$ ，由等腰三角形的性质和旋转的性质可得 $\angle B = \angle AB'B = 2\angle C$ ，即可求解。

【解答】 解： $\because \angle BAC = 105^\circ$ ，

$$\therefore \angle B + \angle C = 75^\circ，$$

$$\because AB' = CB'，$$

$$\therefore \angle C = \angle CAB'，$$

$$\therefore \angle AB'B = \angle C + \angle CAB' = 2\angle C，$$

\because 将 $\triangle ABC$ 绕点 A 逆时针旋转得到 $\triangle AB'C'$ ，

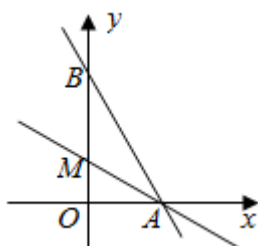
$$\therefore AB = AB'，$$

$$\therefore \angle B = \angle AB'B = 2\angle C，$$

$$\therefore \angle C = 25^\circ，$$

故答案为：25.

17. (3分) 如图，直线 $y = -\frac{4}{3}x + 8$ 与 x 轴、 y 轴分别交于点 A 、 B ， $\angle BAO$ 的角平分线与 y 轴交于点 M ，则 OM 的长为 3。



【答案】 3.

【分析】 过 M 点作 $MN \perp AB$ 于 N ，如图，先利用坐标轴上点的坐标特征求出 A 、 B 点的坐标，则可计算出 $AB = 10$ ，再利用角平分线的性质得 $MO = MN$ ，然后利用面积法得到 $\frac{1}{2} \times 6 \cdot OM + \frac{1}{2} \times 10 \cdot MN = \frac{1}{2} \times 6 \times 8$ ，从而可求出 OM 的长。

【解答】 解：过 M 点作 $MN \perp AB$ 于 N ，如图，

当 $y=0$ 时, $-\frac{4}{3}x+8=0$, 解得 $x=6$, 则 $A(6, 0)$;

当 $x=0$ 时, $y=-\frac{4}{3}x+8=8$, 则 $B(0, 8)$,

$$\therefore AB = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10,$$

$\therefore AM$ 平分 $\angle OAB$,

$$\therefore MO = MN,$$

$$\therefore S_{\triangle OMA} + S_{\triangle BMA} = S_{\triangle OAB},$$

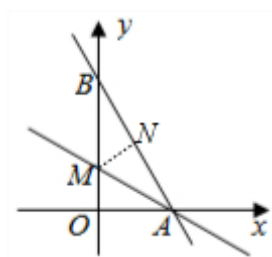
$$\therefore \frac{1}{2} \times 6 \cdot OM + \frac{1}{2} \times 10 \cdot MN = \frac{1}{2} \times 6 \times 8,$$

$$\text{即 } 3OM + 5MN = 24,$$

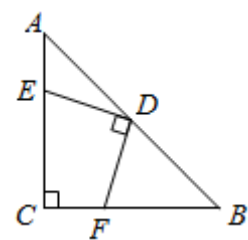
$$\therefore 8OM = 24,$$

$$\therefore OM = 3.$$

故答案为 3.



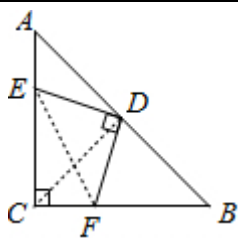
18. (3分) 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB = 90^\circ$, $AC = BC = 6\text{cm}$, D 是 AB 的中点, 点 E 在 AC 上, 过点 D 作 $DF \perp DE$, 交 BC 于点 F . 如果 $AE = 2\text{cm}$, 则四边形 $CEDF$ 的周长是 $(6+2\sqrt{10})\text{cm}$.



【答案】 $(6+2\sqrt{10})$.

【分析】 连接 CD , EF , 根据 AAS 证明 $\triangle AED \cong \triangle CFD$, 再根据勾股定理可得 EF 的长, 由 $\triangle DEF$ 是等腰直角三角形, 即可解决问题.

【解答】 解: 如图, 连接 CD , EF ,



$$\because \angle ACB = 90^\circ, AC = BC,$$

$$\therefore \angle A = 45^\circ,$$

$\because D$ 是 AB 的中点,

$$\therefore CD = \frac{1}{2}AB = AD.$$

$$\therefore \angle DCA = \angle A = \angle DCB = 45^\circ,$$

$$\because DF \perp DE,$$

$$\therefore \angle EDF = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle DEF + \angle DFC = 180^\circ,$$

$$\because \angle AED + \angle DEF = 180^\circ,$$

$$\therefore \angle AED = \angle DFC,$$

在 $\triangle AED$ 和 $\triangle CFD$ 中,

$$\begin{cases} \angle A = \angle DCF \\ \angle AED = \angle CFD \\ AD = CD \end{cases}$$

$$\therefore \triangle AED \cong \triangle CFD \text{ (AAS)},$$

$$\therefore DE = DF, AE = CF = 2 \text{ cm},$$

$$\therefore CE = AC - AE = 6 - 2 = 4 \text{ (cm)},$$

$$\therefore EF = \sqrt{CE^2 + CF^2} = \sqrt{4^2 + 2^2} = 2\sqrt{5} \text{ (cm)},$$

$\because \triangle DEF$ 是等腰直角三角形,

$$\therefore DE^2 + DF^2 = EF^2,$$

$$\therefore 2DE^2 = EF^2,$$

$$\therefore DE = DF = \frac{\sqrt{2}}{2}EF = \sqrt{10},$$

$$\therefore \text{四边形 } CEDF \text{ 的周长是 } CE + CF + DE + DF = CE + AE + 2DE = AC + 2DE = (6 + 2\sqrt{10}) \text{ cm}.$$

故答案为: $(6 + 2\sqrt{10})$.

三、解答题 (本大题共 76 分.解答时应写出必要的计算或说明过程, 并把解答过程填写在答题卡相应的位置上)

19. (5分) 计算: $(\sqrt{3})^2 - \sqrt[3]{-64} - \sqrt{3^2+4^2}$.

【答案】见试题解答内容

【分析】原式利用平方根及立方根定义化简, 计算即可得到结果.

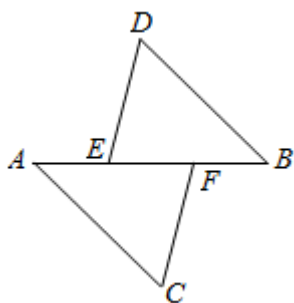
【解答】解: 原式 $=3 - (-4) - 5$

$$=3+4-5$$

$$=2.$$

20. (6分) 如图, 点 E 、 F 在 AB 上, 且 $AE=BF$, $\angle C=\angle D$, $AC\parallel BD$.

求证: $CF\parallel DE$.



【答案】证明过程请看解答.

【分析】根据已知条件证明 $\triangle ACF \cong \triangle BDE$ 可得 $\angle AFC = \angle BED$, 进而可得 $CF \parallel DE$.

【解答】证明: $\because AE=BF$,

$$\therefore AE+EF=BF+EF,$$

即 $AF=BE$,

$$\because AC\parallel BD,$$

$$\therefore \angle A = \angle B,$$

在 $\triangle ACF$ 和 $\triangle BDE$ 中,

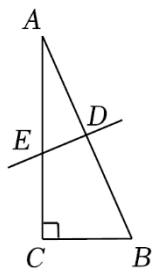
$$\begin{cases} \angle A = \angle B \\ \angle C = \angle D, \\ AF = BE \end{cases}$$

$$\therefore \triangle ACF \cong \triangle BDE \text{ (AAS)},$$

$$\therefore \angle AFC = \angle BED,$$

$$\therefore CF \parallel DE.$$

21. (6分) 如图, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $AC=8$, $AB=10$, AB 的垂直平分线分别交 AB 、 AC 于点 D 、 E . 求 AE 的长.



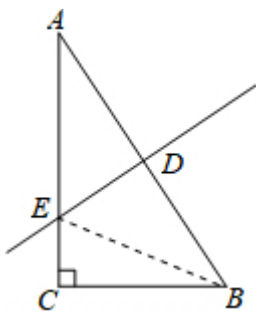
【答案】 $\frac{25}{4}$.

【分析】由勾股定理先求出 $BC=6$ ，连接 BE ，根据中垂线的性质设 $AE=BE=x$ ，知 $CE=8-x$ ，在 $\text{Rt}\triangle BCE$ 中由 $BC^2+CE^2=BE^2$ 列出关于 x 的方程，解之可得答案.

【解答】解：在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中， $\angle C=90^\circ$ ， $AC=8$ ， $AB=10$ ，

$$\therefore BC = \sqrt{AB^2 - AC^2} = \sqrt{10^2 - 8^2} = 6,$$

连接 BE ，



$\because DE$ 垂直平分 AB ，

$\therefore AE=BE$ ，

设 $AE=BE=x$ ，则 $CE=8-x$ ，

在 $\text{Rt}\triangle BCE$ 中， $\because BC^2+CE^2=BE^2$ ，

$$\therefore 6^2 + (8-x)^2 = x^2,$$

$$\text{解得 } x = \frac{25}{4},$$

$$\therefore AE = \frac{25}{4}.$$

22. (6分) 已知点 $P(m, n)$ 在一次函数 $y=2x-3$ 的图象上，且 $m>2n$ ，求 m 的取值范围.

【答案】 $m<2$.

【分析】先由点 $P(m, n)$ 在一次函数 $y=2x-3$ 的图象上知 $n=2m-3$ ，将其代入 $m>2n$ ，进一步求解即可.

【解答】解： \because 点 $P(m, n)$ 在一次函数 $y=2x-3$ 的图象上，

$$\therefore n=2m-3,$$

$$\because m > 2n,$$

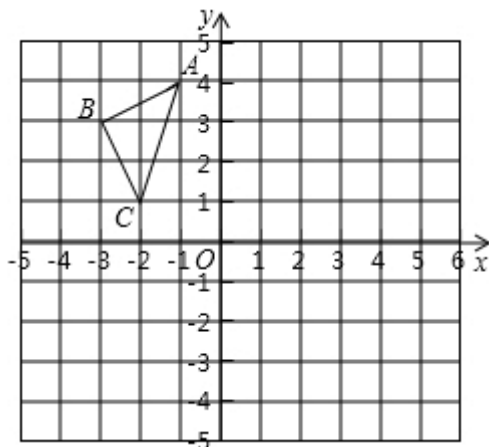
$$\therefore m > 2(2m - 3),$$

解得 $m < 2$.

23. (6分) 如图, 在平面直角坐标系中, $A(-1, 4)$, $B(-3, 3)$, $C(-2, 1)$.

(1) 已知 $\triangle A_1B_1C_1$ 与 $\triangle ABC$ 关于 x 轴对称, 画出 $\triangle A_1B_1C_1$ (请用 2B 铅笔将 $\triangle A_1B_1C_1$ 描深);

(2) 在 y 轴上找一点 P , 使得 $\triangle PBC$ 的周长最小, 试求点 P 的坐标.



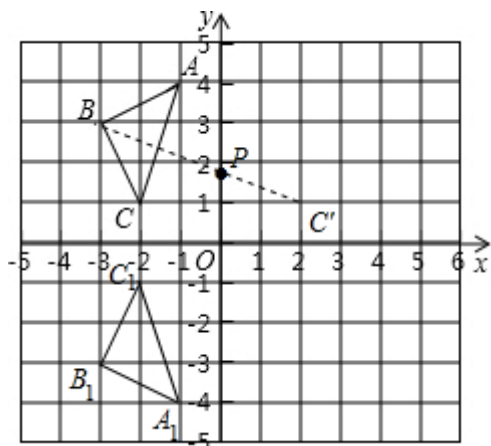
【答案】 (1) 见解答;

(2) 点 P 坐标为 $(0, \frac{9}{5})$.

【分析】 (1) 分别作出三个顶点关于 x 轴的对称点, 再首尾顺次连接即可;

(2) 作点 C 关于 y 轴的对称点 C' , 利用待定系数法求 BC' 所在直线解析式, 再求出 $x=0$ 时 y 的值即可.

【解答】 解: (1) 如图所示, $\triangle A_1B_1C_1$ 即为所求.



(2) 如图所示, 点 P 即为所求,

点 C 关于 y 轴的对称点 C' $(2, 1)$,

设 BC' 所在直线解析式为 $y=kx+b$,

$$\text{则} \begin{cases} -3k+b=3, \\ 2k+b=1 \end{cases}$$

$$\text{解得} \begin{cases} k=-\frac{2}{5}, \\ b=\frac{9}{5} \end{cases}$$

$$\therefore BC' \text{ 所在直线解析式为 } y = -\frac{2}{5}x + \frac{9}{5},$$

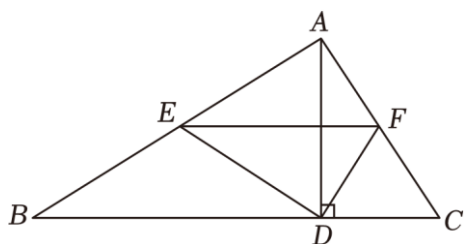
$$\text{当 } x=0 \text{ 时, } y = \frac{9}{5},$$

$$\text{所以点 } P \text{ 坐标为 } (0, \frac{9}{5}).$$

24. (7分) 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, AD 是高, E 、 F 分别是 AB 、 AC 的中点, $AB=8$, $AC=6$.

(1) 求四边形 $AEDF$ 的周长;

(2) 若 $\angle BAC=90^\circ$, 求四边形 $AEDF$ 的面积.



【答案】 (1) 14;

(2) 12.

【分析】 (1) 根据直角三角形的性质得到 $DE = \frac{1}{2}AB = 4$, $DF = \frac{1}{2}AC = 3$, 根据四边形的周长公式计算,

得到答案:

(2) 根据三角形的面积公式计算即可.

【解答】 解: (1) $\because AD$ 是 $\triangle ABC$ 的高,

$$\therefore \angle ADB = \angle ADC = 90^\circ,$$

$$\because E、F \text{ 分别是 } AB、AC \text{ 的中点, } AB=8, AC=6,$$

$$\therefore DE = \frac{1}{2}AB = 4, DF = \frac{1}{2}AC = 3, AE = 4, AF = 3,$$

$$\therefore \text{四边形 } AEDF \text{ 的周长} = AE + DE + DF + AF = 14;$$

$$(2) \triangle ABC \text{ 的面积} = \frac{1}{2} \times AB \times AC = 24,$$

$\because E、F$ 分别是 $AB、AC$ 的中点,

$\therefore \triangle ADE$ 的面积 = $\triangle BDE$ 的面积, $\triangle ADF$ 的面积 = $\triangle CDF$ 的面积,

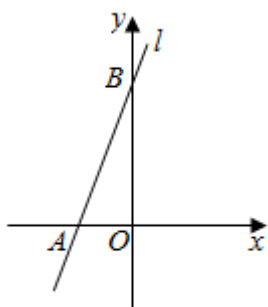
∴ 四边形 $AEDF$ 的面积 $= \frac{1}{2} \times \triangle ABC$ 的面积 $= 12$.

25. (8分) 如图, 已知直线 $l: y=2x+b$ ($b>0$) 分别交 x 轴、 y 轴于点 A 、 B .

(1) 用含 b 的代数式表示点 A 的横坐标为 $-\frac{b}{2}$;

(2) 如果 $\triangle AOB$ 的面积等于 4, 求 b 的值;

(3) 如果直线 l 与一次函数 $y=-2x-1$ 和 $y=x+2$ 的图象交于同一点, 求 b 的值.



【答案】 (1) $-\frac{b}{2}$;

(2) $b=4$;

(2) $b=3$.

【分析】 (1) 令 $y=0$, 求得 x 的值即可;

(2) 求得 B 的坐标, 根据题意得到 $\frac{1}{2}OA \cdot OB=4$, 即 $\frac{1}{2} \cdot \frac{b}{2} \cdot b=4$, 即可求得 $b=4$;

(3) 求得一次函数 $y=-2x-1$ 和 $y=x+2$ 的图象的交点, 代入直线 l 的解析式即可求得.

【解答】 解: (1) ∵ 直线 $l: y=2x+b$ ($b>0$) 分别交 x 轴、 y 轴于点 A 、 B .

∴ 令 $y=0$, 则 $0=2x+b$, 解得 $x=-\frac{b}{2}$,

∴ 点 A 的横坐标为 $-\frac{b}{2}$,

故答案为 $-\frac{b}{2}$;

(2) 令 $x=0$, 则 $y=b$,

∴ $B(0, b)$,

∵ $\triangle AOB$ 的面积等于 4,

∴ $\frac{1}{2}OA \cdot OB=4$, 即 $\frac{1}{2} \cdot \frac{b}{2} \cdot b=4$,

解得 $b=4$;

(2) 由 $\begin{cases} y=-2x-1 \\ y=x+2 \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} x=-1 \\ y=1 \end{cases}$,

∴ 直线 l 与一次函数 $y=-2x-1$ 和 $y=x+2$ 的图象交于同一点 $(-1, 1)$,

把 $(-1, 1)$ 代入 $y=2x+b$ ($b>0$) 得, $1 = -2+b$,

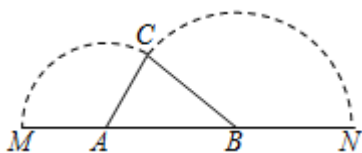
$$\therefore b=3.$$

26. (10分) 如图, 已知线段 $MN=4$, 点 A 在线段 MN 上, 且 $AM=1$, 点 B 为线段 AN 上的一个动点. 以 A 为中心顺时针旋转点 M , 以 B 为中心逆时针旋转点 N , 旋转角分别为 α 和 β . 若旋转后 M 、 N 两点重合成一点 C (即构成 $\triangle ABC$), 设 $AB=x$.

(1) $\triangle ABC$ 的周长为 4;

(2) 若 $\alpha+\beta=270^\circ$, 求 x 的值;

(3) 试探究 $\triangle ABC$ 是否可能为等腰三角形? 若可能, 求出 x 的值; 若不可能, 请说明理由.



【答案】 (1) 4;

(2) $\frac{5}{3}$;

(3) $\triangle ABC$ 能为等腰三角形, $x=\frac{3}{2}$.

【分析】 (1) 由旋转的性质得出 $AC=AM$, $BC=BN$, 则可得出答案;

(2) 求出 $\angle ACB=90^\circ$, 由勾股定理可得出答案;

(3) 分三种情况讨论, 当 $AC=BC=1$ 时, 当 $AB=AC=1$ 时, 当 $BC=BA$ 时, 由三角形三边关系及等腰三角形的性质可得出答案.

【解答】 解: (1) \because 以 A 为中心顺时针旋转点 M , 以 B 为中心逆时针旋转点 N ,

$$\therefore AC=AM, BC=BN,$$

$$\because MN=4,$$

$$\therefore \triangle ABC \text{ 的周长} = AC+AB+BC = AM+AB+BN = MN = 4.$$

故答案为: 4;

$$(2) \because \angle MAC = \alpha, \angle NBC = \beta, \alpha + \beta = 270^\circ,$$

$$\therefore \angle MAC + \angle NBC = 270^\circ,$$

$$\therefore \angle CAB + \angle CBA = 360^\circ - 270^\circ = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle ACB = 90^\circ,$$

$$\because AM=1, AB=x, MN=4,$$

$$\therefore AC=1, BC=BN = (3-x),$$

$$\text{由勾股定理得, } 1^2 + (3-x)^2 = x^2,$$

解得 $x = \frac{5}{3}$;

(3) 存在, 理由如下:

$\because AC=1$, $\triangle ABC$ 为等腰三角形,

\therefore 当 $AC=BC=1$ 时, 则 $AB=2$,

此时 $1+1=2$, $\triangle ABC$ 不存在, 舍去,

当 $AB=AC=1$ 时, 同理, 不合题意舍去,

当 $BC=AB$ 时,

$\because AC=1$, $AB+AC+BC=4$,

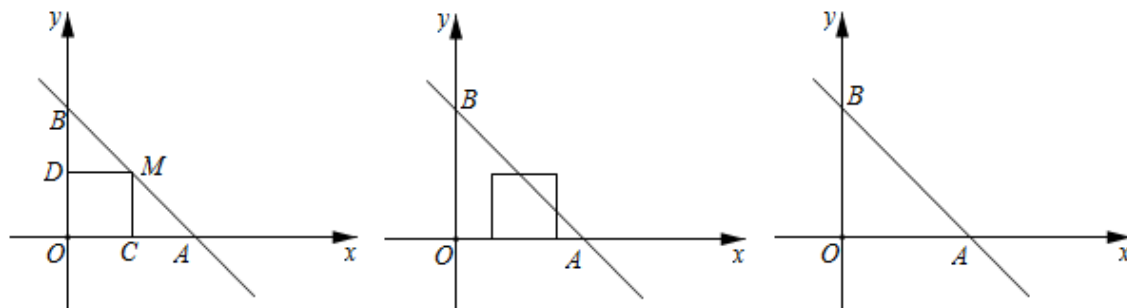
$\therefore AB+BC=3$,

$\therefore AB=BC=\frac{3}{2}$,

此时 $1+\frac{3}{2} > \frac{3}{2}$, 符合题意,

$\therefore \triangle ABC$ 能为等腰三角形, $AB=x=\frac{3}{2}$.

27. (10分) 如图, 直线 $y=4-x$ 与两坐标轴分别相交于 A 、 B 两点, 过线段 AB 上一点 M 分别作 $MC \perp OA$ 于点 C , $MD \perp OB$ 于点 D , 且四边形 $OCMD$ 为正方形.



备用图

(1) 正方形 $OCMD$ 的边长为 2.

(2) 将正方形 $OCMD$ 沿着 x 轴的正方向移动, 得正方形 $EFGH$, 设平移的距离为 a ($0 < a \leq 4$).

① 当平移距离 $a=1$ 时, 正方形 $EFGH$ 与 $\triangle AOB$ 重叠部分的面积为 $\frac{7}{2}$;

② 当平移距离 a 为多少时, 正方形 $EFGH$ 的面积被直线 AB 分成 1: 3 两个部分?

【答案】 (1) 2;

(2) ① $\frac{7}{2}$;

② 当平移的距离为 $a=\sqrt{2}$ 或 $a=4-\sqrt{2}$ 时, 正方形 $EFGH$ 的面积被直线 AB 分成 1: 3 两个部分.

【分析】 (1) 设点 $M(x, 4-x)$, 由正方形的性质可得 $OC=CM$, 即可求解;

(2) ①先求出 $S_{\triangle MEQ} = \frac{1}{2}EM^2 = \frac{1}{2}$, 即可求解;

②分两种情况讨论, 由等腰直角三角形的性质和正方形的性质可求解.

【解答】解: (1) 设点 $M(x, 4-x)$,

\therefore 当四边形 $OCMD$ 为正方形时, $OC=CM$, 即 $x=4-x$,

$\therefore x=2$,

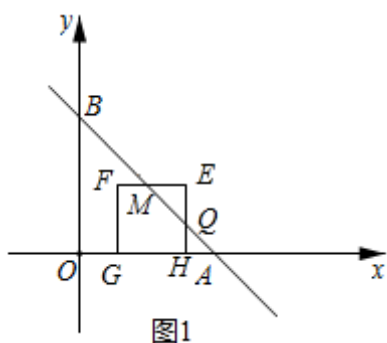
$\therefore CM=OC=2$,

故答案为 2;

(2) ① \therefore 直线 AB 的解析式为 $y=-x+4$,

\therefore 移动过程中正方形 $EFGH$ 被分割出的三角形是等腰直角三角形,

如图 1,



\therefore 四边形 $EFGH$ 是正方形,

\therefore 正方形 $EFGH$ 的面积 $=2^2=4$,

当 $a=1$ 时, $EM=1$,

$\therefore S_{\triangle MQE} = \frac{1}{2}EM^2 = \frac{1}{2}$,

\therefore 正方形 $EFGH$ 与 $\triangle AOB$ 重叠部分的面积 $=4 - \frac{1}{2} = \frac{7}{2}$;

故答案为 $\frac{7}{2}$;

② \therefore 正方形 $EFGH$ 的面积被直线 AB 分成 1: 3 两个部分,

\therefore 两部分的面积分别为 1 和 3.

当 $0 < a \leq 2$ 时, 如图 2 所示:

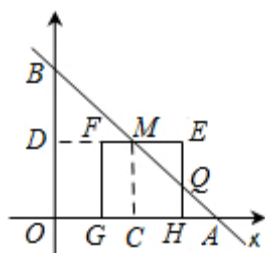


图2

∵ 直线 AB 的解析式为 $y=4-x$,

∴ $\angle BAO=45^\circ$,

∴ $\triangle MQE$ 为等腰直角三角形,

∴ $EQ=ME$,

∴ $\frac{1}{2}ME^2=1$,

∴ $ME=\sqrt{2}$, 即 $a=\sqrt{2}$,

当 $2 < a < 4$ 时, 如图 3 所示:

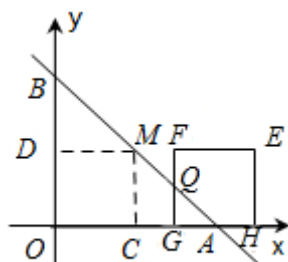


图3

∵ $\angle BAO=45^\circ$,

∴ $\triangle AGQ$ 为等腰直角三角形.

∴ $GQ=GA$.

∴ $\frac{1}{2}GA^2=1$, 解得: $GA=\sqrt{2}$.

∵ 将 $y=0$ 代入 $y=4-x$ 得: $4-x=0$,

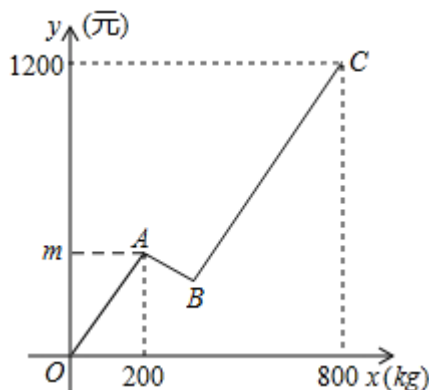
∴ $x=4$,

∴ $OA=4$.

∴ $OG=4-\sqrt{2}$, 即 $a=4-\sqrt{2}$.

综上所述, 当平移的距离为 $a=\sqrt{2}$ 或 $a=4-\sqrt{2}$ 时, 正方形 $EFGH$ 的面积被直线 AB 分成 1: 3 两个部分.

28. (12分) 某商店代理销售一种水果. 某月 30 天的销售净利润 (扣除每天需要缴纳各种费用 50 元后的利润) y (元) 与销售量 x (kg) 之间函数关系的图象如图中折线所示.



日期	销售记录
1日	库存 600kg, 进价 6 元/kg, 售价 10 元/kg (除了促销期间降价, 其他时间售价保持不变)
9日	从 1 日起的 9 天内一共售出 200kg
10、11日	这两天以进价促销, 之后售价恢复到 10 元/kg
12日	补充进货 200kg, 进价 6.5 元/kg
30日	800kg 水果全部售完, 一共获利 1200 元

请根据图象及如表中销售记录提供的相关信息, 解答下列问题:

- (1) A 点纵坐标 m 的值为 350;
- (2) 求两天促销期间一共卖掉多少水果?
- (3) 求图象中线段 BC 所在直线对应的函数表达式.

【答案】 见试题解答内容

【分析】 (1) 由表格信息可知, 从 6 月 1 日到 6 月 9 日, 成本价 6 元/kg, 售价 10 元/kg, 一共售出 200 kg, 根据利润 = 每千克的利润 \times 销售量列式计算即可;

(2) 由题意得出方程, 解方程即可;

(3) 先求出点 B 的坐标, 再由待定系数法求解即可.

【解答】 解: \because 从 1 日起的 9 天内一共售出 200kg,

\therefore 总利润为 $200(10 - 6) - 9 \times 50 = 350$ (元),

故答案为: 350;

(2) 设促销期间一共卖掉 x kg 水果,

本月总成本为: $600 \times 6 + 200 \times 6.5 + 50 \times 30 = 6400$ (元),

本月总售价为: $200 \times 10 + x \cdot 6 + (800 - 200 - x) \cdot 10 = (8000 - 4x)$ 元,

由图象可知本月总利润为 1200 元，

$$\therefore 8000 - 4x - 6400 = 1200,$$

解得： $x = 100$ ，

即两天促销期间一共卖掉 100kg 水果；

(3) 由 (2) 可知两天促销期间一共卖掉 100kg 水果，

$$\therefore B \text{ 的横坐标 } 200 + 100 = 300,$$

\therefore 两天促销期间的净利润为

$$100(6 - 6) - 2 \times 50 = -100 \text{ (元)},$$

$$\therefore \text{点 } B \text{ 的纵坐标为 } 350 - 100 = 250,$$

$$\therefore B(300, 250),$$

设直线 BC 的解析式为 $y = kx + b$ ，

把点 $B(300, 250)$ 和 $C(800, 1200)$ 的坐标代入得：
$$\begin{cases} 300k + b = 250 \\ 800k + b = 1200 \end{cases}$$

$$\text{解得：} \begin{cases} k = \frac{19}{10} \\ b = -320 \end{cases}$$

\therefore 图象中线段 BC 所在直线对应的函数表达式为 $y = \frac{19}{10}x - 320$.