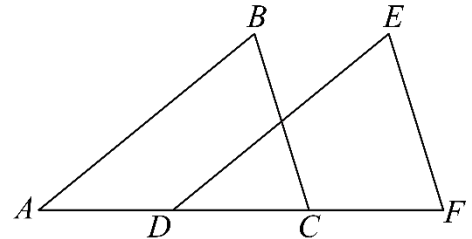


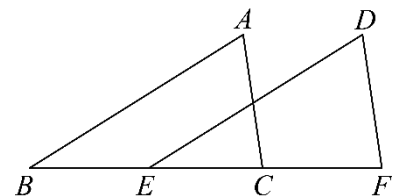
三角形全等重要模型（一）

平移型全等

1. 如图，点 D 、 C 在线段 AF 上， $AD = CF$ ， $AB = DE$ ， $BC = EF$ 。求证： $\angle B = \angle E$ 。



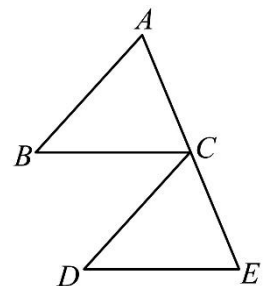
2. 如图，点 B 、 E 、 C 、 F 在一条直线上， $AC = DF$ ， $BE = CF$ ， $AB = DE$ ，求证： $AB \parallel DE$ ， $AC \parallel DF$ 。



3. 如图， $\triangle ABC$ 的边 AC 与 $\triangle CDE$ 的边 CE 在一条直线上，且点 C 为 AE 的中点， $AB = CD$ ， $BC = DE$ 。

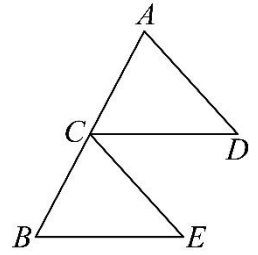
(1) 求证： $\triangle ABC \cong \triangle CDE$ ；

(2) 将 $\triangle ABC$ 沿射线 AC 方向平移得到 $\triangle A'B'C'$ ，边 $B'C'$ 与边 CD 的交点为 F ，连接 EF ，若 EF 将 CDE 分为面积相等的两部分，且 $AB = 4$ ，则 $CF =$ _____



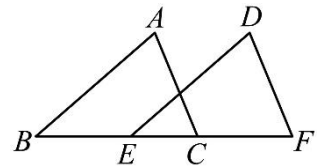
4. 如图，点 C 是线段 AB 的中点， $\angle B = \angle ACD$ ， $AD \parallel CE$ 。

求证： $\triangle ACD \cong \triangle CBE$ 。



5. 如图，点 B 、 E 、 C 、 F 在同一条直线上， $AB = DE$ ， $\angle ABC = \angle DEF$ ， $BC = EF$ ，求证：

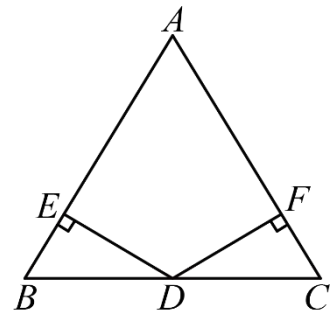
$\angle A = \angle D$ 。



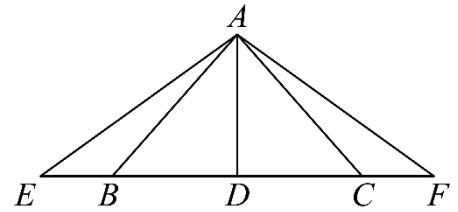
对称型全等

6. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， D 为 BC 的中点， $DE \perp AB$ ， $DF \perp AC$ ，点 E 、 F 为垂足，且 $DE = DF$ 。求证：

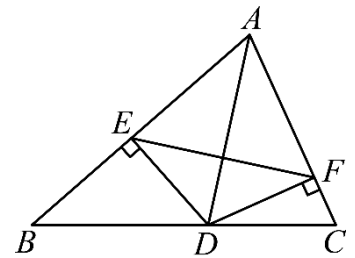
$\triangle BED \cong \triangle CFD$ 。



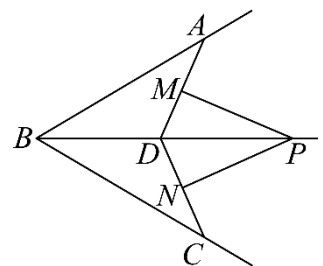
7. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $AB = AC$ ， AD 是 BC 边上的中线，延长 CB 至点 E ，延长 BC 至点 F ，使 $BE = CF$ ，连接 AE 、 AF 。求证： AD 平分 $\angle EAF$ 。



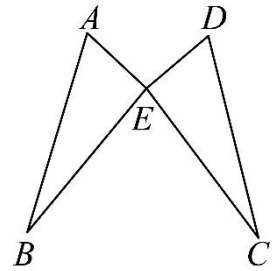
8. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， AD 是 $\angle BAC$ 的平分线， $DE \perp AB$ 于点 E ， $DF \perp AC$ 于点 F 。求证： AD 垂直平分 EF 。



9. 如图， BP 是 $\angle ABC$ 内部的一条射线，点 D 在 BP 上，连接 AD 、 CD ， $AD = CD$ ，过点 P 作 $PM \perp AD$ ， $PN \perp CD$ ， M ， N 分别是垂足，且 $PM = PN$ ，求证： BP 平分 $\angle ABC$ 。



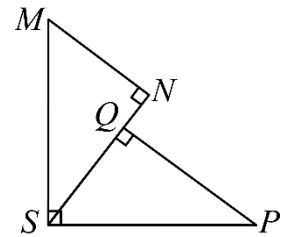
10. 如图，已知线段 AC 、 BD 相交于点 E ， $AE = DE$ ， $BE = CE$ 。求证： $AB = DC$ 。



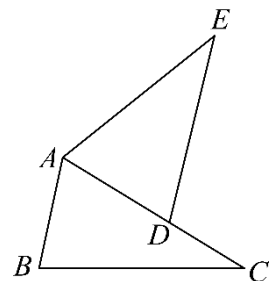
旋转型全等

11. 已知：如图， $MS \perp PS$ ， $MN \perp SN$ ， $PQ \perp SN$ ，垂足分别为 S 、 N 、 Q ，且 $MS = PS$

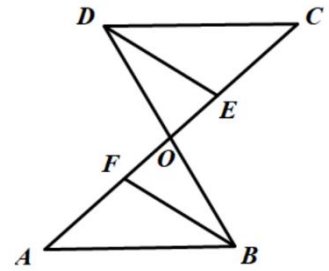
求证： $\triangle MNS \cong \triangle SQP$ 。



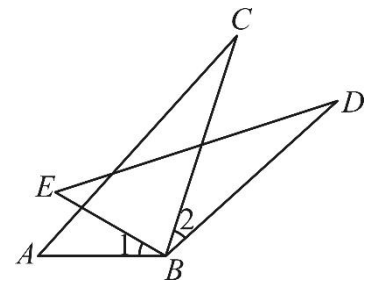
12. 如图， $DE \parallel AB$ ， $DE = AC$ ，点 D 在 AC 上，且 $AD = AB$ 。求证： $\angle EAD = \angle CBA$ 。



13. 如图, AC 和 BD 相交于点 O , $CD \parallel AB$, $CD = AB$, $OE = OF$. 求证 $CE = AF$.



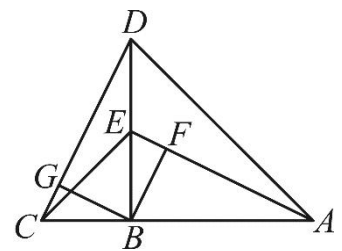
14. 如图, $BA = BE$, $\angle 1 = \angle 2$, $BC = BD$. 求证: $\triangle ABC \cong \triangle EBD$.



15. 如图, 点 B 在线段 AC 上, 点 E 在线段 BD 上, DB 为 $\triangle ACD$ 的高, $AB = DB$, $EB = CB$.

(1) 求证: $\triangle ABE \cong \triangle DBC$;

(2) 如图: $BF \perp AE$ 于 F , $BG \perp CD$ 于 G , 探究 BF 与 BG 的关系, 并证明你的结论.



未来参加提招的家长，可以加入交流群

群聊：昆震提招交流群2027



如果二维码过期，请添加 17751295132 邓老师添加

QQ 群：564965872