

昆山市 2025-2026 学年第二学期九年级数学一模模拟试题

一、**选择题**:本大题共 8 小题,每小题 3 分,共 24 分,在每小题给出的四个选项中,只有一个是符合题目要求的,请将答案涂在答题卷相对应的位置上.

1. $-3+1$ 的计算结果是

- A. 4 B. -4 C. 2 D. -2

2. 2025 年科技部设立的人工智能发展基金项目规模达 150 亿元,将重点支持芯片研发、量子计算、6G 通信等“2035 攻关工程”.数据 15 000000 000 用科学记数法表示为

- A. 1.5×10^{10} B. 0.15×10^{11} C. 15×10^9 D. 1.5×10^9

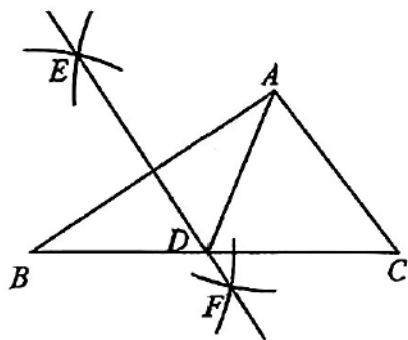
3. 下列运算正确的是

- B. $3a+3a=5a^2$ B. $x^4 \cdot x^2 = x^6$ C. $(a-b)^2 = a^2 - b^2$ D. $(2x^2)^3 = 6x^6$

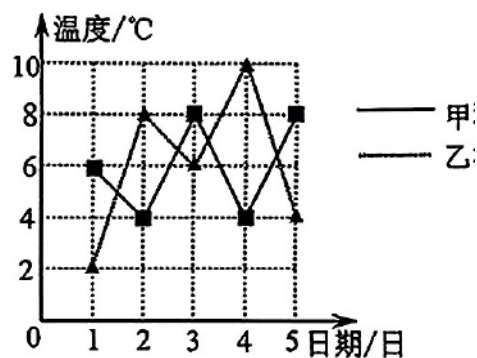
4. 如图,在 $\triangle ABC$ 中, $\angle BAC = 100^\circ$, $\angle C = 50^\circ$, 分别以点 A , 点 B 为圆心, 大于 $\frac{1}{2}AB$ 长为半径作弧,

两弧相交于点 E, F , 作直线 EF 与 BC 交于点 D , 连接 AD . 则 $\angle DAB$ 的度数为

- A. 30° B. 40° C. 50° D. 60°



(第 4 题)



(第 5 题)

5. 如图为甲、乙两地 2024 年 12 月 1 日~5 日这 5 天每天最高气温的折线图, 下列说法正确的是

- A. 甲地 5 天最高气温的中位数是 8°C B. 甲地 5 天最高气温的众数是 6°C
 C. 乙地 5 天最高气温的平均数是 6°C D. 乙地 5 天最高气温的方差比较小

6.港珠澳大桥是连接香港、珠海、澳门的超大跨海通道,部分主体工程由桥梁和隧道构成,其中,隧道长度比桥隧总长(桥梁与隧道的长度之和)的 $\frac{1}{4}$ 少0.7千米,桥梁长度比桥隧总长的一半多8.1千米,求主体工程中的桥梁长度和隧道长度.设主体工程中的桥梁长度为 x 千米,隧道长度为 y 千米,根据题意可列出的方程是

$$\text{A.} \begin{cases} y = \frac{1}{4}(x+y) + 0.7 \\ x = \frac{1}{2}(x+y) - 8.1 \end{cases}$$

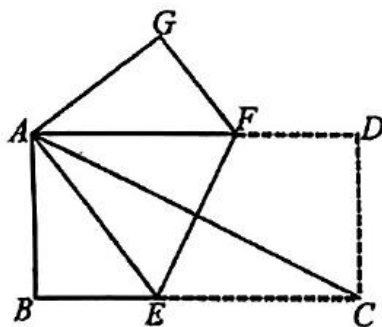
$$\text{B.} \begin{cases} y = \frac{1}{4}(x+y) - 0.7 \\ x = \frac{1}{2}(x+y) + 8.1 \end{cases}$$

$$\text{C.} \begin{cases} y - 0.7 = \frac{1}{4}(x+y) \\ x - 8.1 = \frac{1}{2}(x+y) \end{cases}$$

$$\text{D.} \begin{cases} y + 0.7 = \frac{1}{4}(x+y) \\ x + 8.1 = \frac{1}{2}(x+y) \end{cases}$$



(第6题)



(第7题)

7.如图,有一张矩形纸片 $ABCD$,点 E 在 BC 上,点 F 在 AD 上,将这张纸片沿 EF 所在直线翻折使得点 C 与点 A 重合,点 D 的对应点为点 G ,连接 AC .若 $AB = 4$, $BE = 2$,则 $AC \cdot EF$ 的值为

A. 20

B. 40

C. $8\sqrt{5}$ D. $16\sqrt{5}$

8.若点 $A(m-1, y_1)$, $B(m+3, y_2)$, $C(2, y_3)$ 在二次函数 $y = ax^2 - 4ax + 3$ ($a \neq 0$) 的图像上,且

$y_3 \leq y_2 < y_1$,则 m 的取值范围是

A. $m < 4$ B. $m > 4$ C. $m > 1$ D. $m < 1$

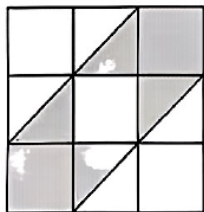
二、填空题:本大题共 8 题,每小题 3 分,共 24 分,把答案直接填在答题卷相应的位置上.

9.计算: $|-2| =$ _____.

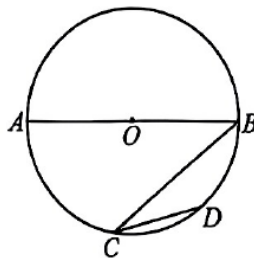
10.因式分解: $a^2 - ab =$ _____.

11.不等式 $\frac{-x+3}{2} < 4$ 的解集为_____.

12.如图,在 3×3 的正方形网格飞镖游戏板中,每块小正方形除颜色外都相同.假设飞镖击中每一块小正方形是等可能的,任意投掷飞镖一次(击中边界或没有击中游戏板,则重投一次),飞镖击中阴影部分的概率是_____.



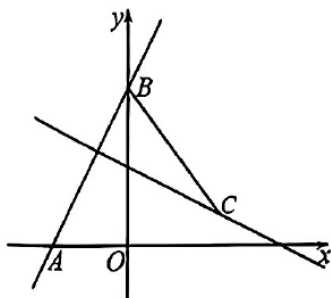
(第 12 题)



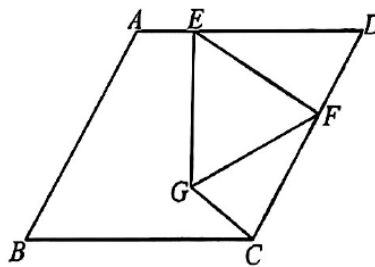
(第 14 题)

13.已知代数式 $x - 2y$ 的值为 3,则代数式 $x^2 - 4y^2 - 12y$ 的值为_____.

14.如图, AB 是 $\odot O$ 的直径,点 C 是 $\odot O$ 上一点,点 D 是 $\overset{\frown}{BC}$ 的中点,且 $\angle BCD = 25^\circ$,连接 BC, CD .若 $AB = 6$,则 $\overset{\frown}{AC}$ 的长为_____ .(结果保留 π)



(第 15 题)



(第 16 题)

15.已知直线 $y = 2x + 4$ 与 x 轴, y 轴分别交于点 A, B ,点 C 在直线 $y = -\frac{1}{2}x + 2$ 上,且位于第一象限.若 $\angle CBA = \angle BAO$,则点 C 的坐标为_____.

16.如图,四边形 $ABCD$ 是菱形, $AB = 8, \angle B = 60^\circ$,点 E 是边 AD 上一点,且 $AE = 2$,点 F 是边 CD 上一个动点,以 EF 为边作等边 $\triangle EFG$,连接 CG .若 CG 的长度为 d ,则 d 的取值范围是_____.

三、解答题:本大题共 11 小题,共 82 分,把解答过程写在答题卷相对应的位置上,解答时应写出必要的计算过程、推演步骤或文字说明:

17.(本题满分 5 分)

计算: $\sqrt{9} + (-1)^3 - (5 - \pi)^0$

18.(本题满分 5 分)

解方程: $\frac{2x}{x-3} + 1 = \frac{x+1}{x-3}$

19.(本题满分 6 分)先化简,再求值: $(x - \frac{2x-1}{x}) \div \frac{1-x}{x^2}$, 其中 $x = -4$.

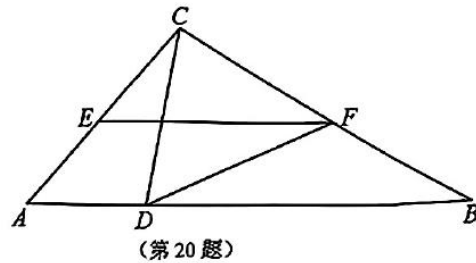
20.(本题满分 6 分)

如图,在 $\triangle ABC$ 中,点 D 在边 AB 上,且 $\angle ADC = \angle ACB$ 在 CA 边上截取 $CE = AD$,过点 E 作 $EF \parallel AB$ 交 BC 于点 F .

(1)求证: $\triangle ACD \cong \triangle EFC$;

(2)连接 DF ,若 $\angle ADC = 100^\circ$, $\angle ACD = 30^\circ$,

求 $\angle CDF$ 的度数.



21.(本题满分 6 分)

“2025 年世界田联竞走巡回赛”的赛事设立多个比赛项目,其中包括以下三个项目:A.“20 公里竞走”、B.“10 公里竞走”、C“马拉松竞走混合接力”.小颖和小朵报名参加这三个项目的志愿者服务工作,组委会将志愿者随机分配到其报名的某一个项目.

(1)小颖被分配到 C 项目的概率为_____.

(2)求小颖和小朵被分配到不同项目的概率,(请用画树状图或列表等方法说明理由)

22.(本题满分 8 分)

某市为了解七年级学生课外阅读情况,从该市甲、乙两个学校七年级学生中各随机抽取 20 名进行问卷调查,获取了他们某天课外阅读的时间 x (分钟).

【收集数据】甲、乙两个学校七年级 20 名学生某天课外阅读的时间如下:

甲校:12 23 25 31 31 35 35 35 40 41 41 42 42 43 47 48 49 50 51 55

乙校:17 18 19 26 29 34 35 36 36 36 37 37 43 45 49 53 55 56 57 58

【整理数据】甲、乙两个学校七年级 20 名学生某天课外阅读的时间频数分布表如下:

时间(分钟)	$10 \leq x < 20$	$20 \leq x < 30$	$30 \leq x < 40$	$40 \leq x < 50$	$50 \leq x \leq 60$
甲校	1	2	5	9	3
乙校	3	2	7	3	5

【分析数据】甲、乙两个学校七年级 20 名学生的某天课外阅读时间平均数、中位数、众数、方差如下表:

学校	平均数	中位数	众数	方差
甲校	38.8	41	a	108.3
乙校	38.8	b	36	162.4

根据以上信息,回答下列问题:

(1)填空: a 的值是_____, b 的值是_____;

(2)若甲校七年级共有 600 名学生,请估计该校所有七年级学生中某天阅读时间不少于 40 分钟的人数;

(3)请你结合分析数据,给甲、乙两校七年级学生某天的阅读情况作出评价,并说明理由.

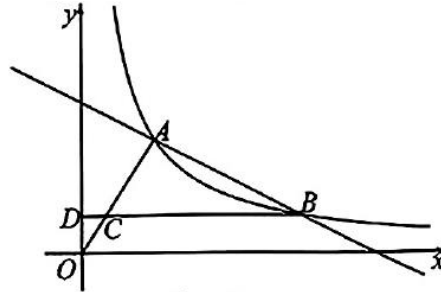
23.(本题满分 8 分)

如图,已知一次函数 $y = -\frac{1}{2}x + 4$ 的图像与反比例函数 $y = \frac{k}{x} (k \neq 0, x > 0)$ 的图像相交于点 A ,

点 B (点 A 在点 B 的左侧).连接 OA ,过点 B 作 $BD \perp y$ 轴,垂足为 D ,与 OA 交于点 C .

(1)当点 B 的坐标为 $(6, n)$ 时,求 k 的值;

(2)当 $\frac{OC}{AC} = \frac{1}{3}$ 时,求线段 OD 的长.



(第 23 题)

24.(本题满分 8 分)

某物理探究小组利用实验器材模拟室内光线反射,研究光线反射规律.如图 1, DE 为水平放置的平面镜, AF 为光屏,一束光从点 A 射入,光线 AB 经过平面镜 DE 反射到光屏 AF 上形成光斑,由光的反射定理可知: $\angle ABD = \angle CBE$.已知光屏与水平面的夹角为 15° 点 A 与 DE 的距离 $AD=3$ 分米,若光线 AB 与平面镜 DE 的夹角 $\angle ABD = 45^\circ$ 时,光线在光屏 AF 上形成的光斑为点 C .

(1)求点 A 与光斑点 C 的距离(结果保留根号);

(2)如图 2,若光线 AH 与平面镜 DE 的夹角 $\angle AHD = 60^\circ$ 时,此时光线 AH 经过平面镜 DE 反射到光屏 AF 上形成光斑为点 G ,求光斑点 C 与光斑点 G 之间的距离(结果保留根号).

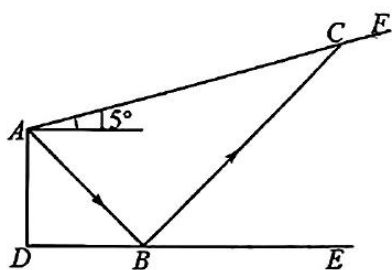


图 1

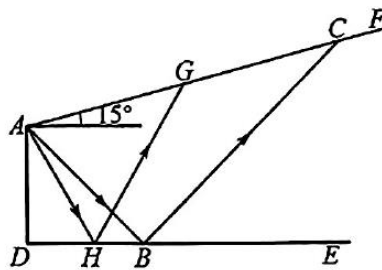


图 2

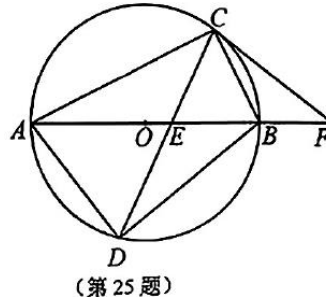
(第 24 题)

25.(本题满分 10 分)

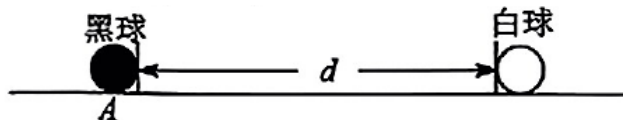
如图, AB 是 $\odot O$ 的直径,点 C ,点 D 在 $\odot O$ 上,连接 $AD, AC, \angle BAD = 2\angle BAC$.连接 BC, BD, CD, CD 与 AB 交于点 E 点 F 在 AB 的延长线上,连接 CF ,使得 $\angle AFC = \angle ABD$.

(1)求证: CF 是 $\odot O$ 的切线;

(2)若 $CF = 4, BF = 2$,求 DE 的长.



26.(本题满分 10 分)如图,在一条水平放置的笔直滑道上有黑、白两个小球同向运动,黑球作减速运动,白球作匀速运动,当黑球运动到点 A 处时开始计时,此时白球在黑球前面 d 厘米处,当黑球碰到白球或黑球停止运动时,两球同时停止运动.



测得黑球从点 A 处开始运动的时间 t (秒),运动速度 v (厘米/秒),运动距离 y (厘米)相关数据,整理如下表:

运动时间 t	0	1	2	3	4
运动速度 v	10	9.5	9	8.5	8
运动距离 y	0	9.75	19	27.75	36

已知黑球的运动速度 v 是运动时间 t 的一次函数,运动距离 y 是运动时间 t 的二次函数.

(1)求出 v 关于 t 的函数关系式和 y 关于 t 的函数关系式;

(2)已知 $d = 70$ 厘米.

①白球运动速度为 2 厘米/秒,求在运动过程中,黑球与白球之间距离的最小值;

②白球运动速度为 a 厘米/秒,在运动过程中,若黑球能碰到白球,则 a 的最大值为_____.

27.(本题满分 10 分)

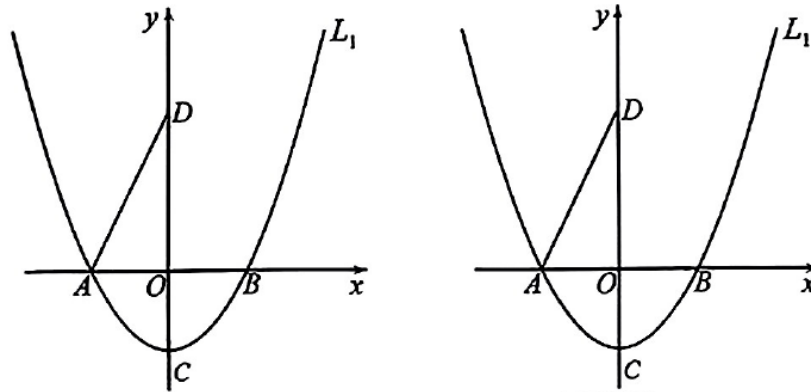
抛物线 $L_1: y = \frac{1}{2}x^2 - 2$ 的与 x 轴交于 A, B 两点(点 A 在点 B 的左边), 顶点为 C .

(1) 顶点 C 坐标为_____;

(2) 如图, 若点 D 的坐标是 $(0, 4)$, 连接 AD .

① 把线段 AD 沿一定的方向平移, 平移后, 点 A 的对应点为 E , 点 D 的对应点为 F , 若点 E , 点 F 均在抛物线 L_1 上, 求点 E 的坐标;

② 将抛物线 L_1 沿射线 AD 方向平移得到抛物线 L_2 , 且抛物线 L_2 经过点 D . 请问在抛物线 L_2 上是否存在点 G , 使得 $\angle GAD = 45^\circ - \angle ADO$, 若存在, 请求出点 G 的坐标; 若不存在, 请说明理由.



(第 27 题)

(备用图)

2025 年初三中考适应性考试数学参考答案及评分标准

一、选择题(每小题 3 分, 共 24 分)

题号	1	2	3	4	5	6	7	8
答案	D	A	B	A	C	B	D	D

二、填空题(每小题 3 分, 共 24 分)

9. 2 10. $a(a-b)$ 11. $x > -5$ 12. $\frac{4}{9}$
13. 9 14. $\frac{4}{3}\pi$ 15. $(\frac{12}{5}, \frac{4}{5})$ 16. $\sqrt{3} \leq d \leq 2\sqrt{13}$

三、解答题(本大题共 11 小题, 共 82 分)

17. 解: 原式 $=3-1-1$ 3 分
 $=1$ 5 分
18. 解: 方程两边同乘以 $x-3$, 得 $2x+x-3=x+1$ 2 分
 解方程, 得 $x=2$ 4 分
 经检验, $x=2$ 是原方程的解. 5 分
19. 解: 原式 $=\frac{x^2-2x+1}{x} + \frac{1-x}{x^2}$ 1 分
 $=\frac{(1-x)^2}{x} + \frac{x^2}{1-x}$ 3 分
 $=-x^2+x$ 4 分
 当 $x=-4$ 时,
 原式 $=-(-4)^2+(-4)$ 5 分
 $=-20$ 6 分
20. (1) 证明: $\because EF \parallel AB$,
 $\therefore \angle CEF = \angle A$ 1 分
 在 $\triangle ACD$ 和 $\triangle EFC$ 中,

$$\begin{cases} \angle CEF = \angle A, \\ CE = AD, \\ \angle ADC = \angle ECF, \end{cases}$$

 $\therefore \triangle ACD \cong \triangle EFC$ 3 分
- (2) 解: $\because \angle ADC = 100^\circ$,
 $\therefore \angle ACB = 100^\circ$ 4 分

∵ $\angle ACD=30^\circ$,
 ∴ $\angle DCF=70^\circ$, 5分
 ∵ $\triangle ACD \cong \triangle EFC$,
 ∴ $CD=CF$.
 ∴ $\angle CDF=\angle CFD=55^\circ$ 6分

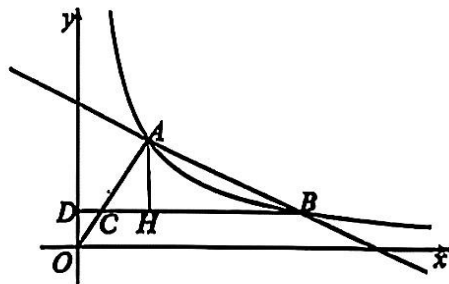
21. 解: (1) $\frac{1}{3}$; 1分
 (2) 正确用“树状图”或利用表格列出所有可能的结果. 4分
 P (小颖和小朵分配到不同项目) = $\frac{2}{3}$ 6分

22. 解: (1) $a=35, b=36.5$; 2分
 (2) $\frac{12}{20} \times 600 = 360$ (人). 4分
 答: 该校七年级学生中某天阅读时间不少于 40 分钟有 360 人. · 5分
 (3) 由于甲、乙两校 20 名学生某天阅读时间的平均数相同, 而甲校阅读时间的中位数比七年级成绩的中位数更高, 7分
 因此从中位数得角度看甲校学生课外阅读情况更好些. 8分
 (也可运用方差或众数加以说明, 有理即可.)

23. 解: (1) 把点 $B(6, n)$ 代入 $y = -\frac{1}{2}x + 4$, 得 $n=1$.
 ∴ $B(6, 1)$ 2分
 把点 $B(6, 1)$ 代入 $y = \frac{k}{x}$, 得 $k=6$ 3分

(2) 如图, 过点 A 作 $AH \perp BD$, 垂足为点 H .
 设 $OD=a$, 则点 B 坐标为 $(8-2a, a)$ 4分

∵ $BD \perp y$ 轴, $AH \perp BD$,
 ∴ $DO \parallel AH$.
 ∴ $\frac{DO}{AH} = \frac{OC}{AC}$.
 ∴ $\frac{OC}{AC} = \frac{1}{3}$,
 ∴ $\frac{DO}{AH} = \frac{1}{3}$.
 ∴ $AH=3a$.



∴ $A(8-8a, 4a)$ 6分
 ∵ 点 $A(8-8a, 4a)$, 点 $B(8-2a, a)$ 在反比例函数上,
 ∴ $4a(8-8a) = a(8-2a)$ 7分
 解方程, 得 $a=0$ (不符合题意, 舍去), $a = \frac{4}{5}$.
 ∴ 线段 OD 的长为 $\frac{4}{5}$ 8分

24. 解: (1) 在 $Rt\triangle ABD$ 中, $\angle D=90^\circ$.
 ∵ $\angle ABD=45^\circ, AD=3$,

$\therefore AB = 3\sqrt{2}$ 1分

根据题意, 得 $\angle ABC = 90^\circ$, $\angle BAC = 60^\circ$ 2分
 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle ABC = 90^\circ$.

$\therefore AB = 3\sqrt{2}$, $\angle BAC = 60^\circ$,

$\therefore AC = 2AB = 6\sqrt{2}$.

答: 点 A 与光斑点 C 的距离为 $6\sqrt{2}$ 分米. 3分

(2) 如图, 过点 A 作 $AP \perp HG$, 垂足为点 P .

在 $Rt\triangle AHD$ 中, $\angle D = 90^\circ$.

$\therefore \angle AHD = 60^\circ$, $AD = 3$,

$\therefore AH = 2\sqrt{3}$ 4分

根据题意, 得 $\angle AHG = 60^\circ$, $\angle AGH = 45^\circ$.

在 $Rt\triangle AHP$ 中, $\angle APH = 90^\circ$.

$\therefore \angle AHP = 60^\circ$, $AH = 2\sqrt{3}$,

$\therefore AP = 3$ 5分

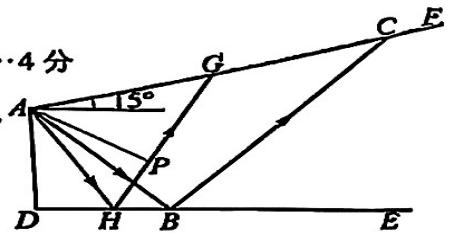
在 $Rt\triangle APG$ 中, $\angle APG = 90^\circ$.

$\therefore \angle AGP = 45^\circ$, $AP = 3$,

$\therefore AG = 3\sqrt{2}$ 6分

$\therefore GC = AC - AG = 6\sqrt{2} - 3\sqrt{2} = 3\sqrt{2}$ 7分

答: 光斑点 C 与光斑点 G 之间的距离为 $3\sqrt{2}$ 分米. 8分



25. (1) 证明: 连接 OC .

$\therefore OA = OC$, $\therefore \angle OAC = \angle OCA$.

$\therefore \angle COB = 2\angle BAC$ 1分

$\therefore \angle BAD = 2\angle BAC$, $\therefore \angle BAD = \angle COB$ 2分

$\therefore \angle AFC = \angle ABD$, $\therefore \angle OCF = \angle ADB$.

$\therefore AB$ 是 $\odot O$ 的直径, $\therefore \angle OCF = \angle ADB = 90^\circ$ 3分

$\therefore OC$ 是 $\odot O$ 的半径, $\therefore CF$ 是 $\odot O$ 的切线. 4分

(2) 解:

$\therefore \angle OCF = \angle ACB = 90^\circ$, $\therefore \angle ACO = \angle FCB$.

$\therefore \angle OAC = \angle OCA$, $\therefore \angle FCB = \angle OAC$.

$\therefore \angle F = \angle F$, $\therefore \triangle FCB \sim \triangle FAC$.

$$\therefore \frac{FC}{FA} = \frac{FB}{FC}$$

$\therefore CF = 4$, $BF = 2$, $\therefore FA = 8$ 5分

$\because \triangle FCB \sim \triangle FAC, \therefore \frac{BC}{AC} = \frac{FB}{FC} = \frac{1}{2}.$
 $\therefore BC = \frac{6}{5}\sqrt{5}.$ 6分
 设 $\angle CAB = a^\circ$, 则 $\angle CBA = (90 - a)^\circ.$
 $\therefore \angle BCD = \angle BAD = 2a.$
 $\therefore \angle CEB = 180 - 2a - (90 - a) = 90 - a.$
 $\therefore \angle CBA = \angle CEB.$
 $\therefore CE = BC = \frac{6}{5}\sqrt{5}.$ 7分
 $\because OC = OB, \therefore \angle OCB = \angle OBC.$
 $\therefore \angle OCB = \angle CEB.$
 $\because \angle CBO = \angle CBO, \therefore \triangle BCE \sim \triangle BOC.$
 $\therefore \frac{BC}{BO} = \frac{BE}{BC}.$
 $\therefore BE = \frac{12}{5}.$ 9分
 $\because \angle CAB = \angle CDB, \angle AEC = \angle DEB, \therefore \triangle AEC \sim \triangle DEB.$
 $\therefore \frac{DE}{AE} = \frac{EB}{CE}, \therefore DE = \frac{36}{25}\sqrt{5}.$ 10分

26. 解: (1)

根据题意, 设 $v = mt + n.$

把 $\begin{cases} t=0 \\ v=10 \end{cases}, \begin{cases} t=2 \\ v=9 \end{cases}$ 代入 $v = mt + n$, 得 $\begin{cases} n=10 \\ 2m+n=9 \end{cases}.$ 1分

解方程组, 得 $\begin{cases} n=10 \\ m=-\frac{1}{2} \end{cases}.$

$\therefore v = -\frac{1}{2}t + 10.$ 2分

根据题意, 设 $y = at^2 + bt + c.$

把 $\begin{cases} t=0 \\ y=0 \end{cases}, \begin{cases} t=2 \\ y=19 \end{cases}, \begin{cases} t=4 \\ y=36 \end{cases}$ 代入 $y = at^2 + bt + c,$

得 $\begin{cases} c=0 \\ 4a+2b+c=19 \\ 16a+4b+c=36 \end{cases}.$ 3分

解方程组, 得 $\begin{cases} c=0 \\ a=-\frac{1}{4} \\ b=10 \end{cases}.$

$\therefore y = -\frac{1}{4}t^2 + 10t.$ 4分

(2) ①设在运动过程中，黑球与白球之间距离为 s 厘米

根据题意，得 $s = 2t + 70 - (-\frac{1}{4}t^2 + 10t) = \frac{1}{4}t^2 - 8t + 70$ 6分

$= \frac{1}{4}(t-16)^2 + 6$ 7分

∴在运动过程中，当 $t=16$ 时，

黑球与白球之间距离的最小值为 6 厘米。 8分

② a 的最大值为 $10 - \sqrt{70}$ 。 10分

27. 解：(1) $(0, -2)$ 。 2分

(2) ①设 AD 所在直线解析式为 $y = kx + b$ 。

根据题意，得 $\begin{cases} -2k + b = 0 \\ b = 4 \end{cases}$ ，

解方程组，得 $\begin{cases} k = 2 \\ b = 4 \end{cases}$ 。

AD 所在直线解析式为 $y = 2x + 4$ 。 3分

∴平移后 ED 所在直线解析式为 $y = 2x + m$ 。

根据题意，设点 E 坐标为 $(a, 2a+m)$ ，

点 F 坐标为 $(a+2, 2a+m+4)$ 。 4分

∵点 E ，点 F 均在抛物线 L_1 上。

$\therefore \begin{cases} \frac{1}{2}a^2 - 2 = 2a + m \\ \frac{1}{2}(a+2)^2 - 2 = 2a + m + 4 \end{cases}$

解方程组，得 $\begin{cases} a = 1 \\ m = -\frac{7}{2} \end{cases}$ 。

∴点 E 的坐标为 $(1, -\frac{3}{2})$ 。 5分

②根据题意，得过点 C 平行于 AD 的直线解析式为 $y = 2x - 2$ 。

设沿射线 AD 方向平移得到抛物线 L_2 的解析式为 $y = \frac{1}{2}(x-n)^2 + 2n - 2$ 。

把点 D 坐标 $(0, 4)$ 代入，得 $n = -6$ (不符合题意，舍去)， $n = 2$ 。

∴抛物线 L_2 的解析式为 $y = \frac{1}{2}(x-2)^2 + 2$ 。 6分

1° 如图 1，若 AG 与 y 轴交点在点 D 的下方，设交点为 C 。

∵ $\angle GAD = 45^\circ - \angle ADO$ ，

∴ $\angle ACO = 45^\circ$ 。

∴点 C 的坐标为 $(0, 2)$ 。

∴直线 CG 的解析式为 $y = x + 2$ 。 7分

根据题意，得 $\begin{cases} y = x + 2 \\ y = \frac{1}{2}(x - 2)^2 + 2 \end{cases}$

解方程组，得 $\begin{cases} x = 3 + \sqrt{5} \\ y = 5 + \sqrt{5} \end{cases}, \begin{cases} x = 3 - \sqrt{5} \\ y = 5 - \sqrt{5} \end{cases}$

∴点G坐标为 $(3 + \sqrt{5}, 5 + \sqrt{5}), (3 - \sqrt{5}, 5 - \sqrt{5})$ 8分

2° 如图2，若AG与y轴的交点在点D的上方，设交点为C'.

过点D作 $DE \perp AC, DF \perp AC'$ ，垂足分别为点E和点F.

根据题意，得 $DF = DE = \sqrt{2}, AF = AE = 3\sqrt{2}$.

过点F作 $FM \perp y$ 轴，过点A作 $AN \perp FM$ ，垂足分别为点M，点N.

则 $\triangle FMD \sim \triangle ANF$ ，且相似比 $k = \frac{1}{3}$.

设 $MD = t$ ，则 $FN = 3t, FM = 2 - 3t, AN = 6 - 9t$.

∵ $AF = MO$,

∴ $6 - 9t = a + 4$.

解方程，得 $a = \frac{1}{5}$.

∴点F坐标为 $(-\frac{7}{5}, \frac{21}{5})$.

由此可得直线AF的解析式为： $y = 7x + 14$ 9分

根据题意，得 $\begin{cases} y = 7x + 14 \\ y = \frac{1}{2}(x - 2)^2 + 2 \end{cases}$

解方程组，得 $\begin{cases} x = 9 + \sqrt{101} \\ y = 77 + 7\sqrt{101} \end{cases}, \begin{cases} x = 9 - \sqrt{101} \\ y = 77 - 7\sqrt{101} \end{cases}$ 10分

∴点G坐标为 $(9 + \sqrt{101}, 77 + 7\sqrt{101}), (9 - \sqrt{101}, 77 - 7\sqrt{101})$.

综上所述，点G坐标为 $(3 + \sqrt{5}, 5 + \sqrt{5}), (3 - \sqrt{5}, 5 - \sqrt{5})$

或 $(9 + \sqrt{101}, 77 + 7\sqrt{101}), (9 - \sqrt{101}, 77 - 7\sqrt{101})$.

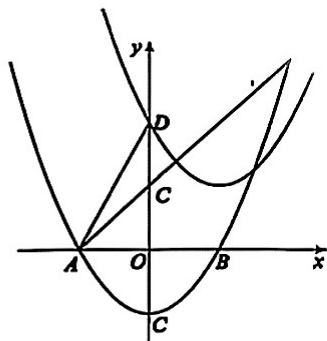


图1

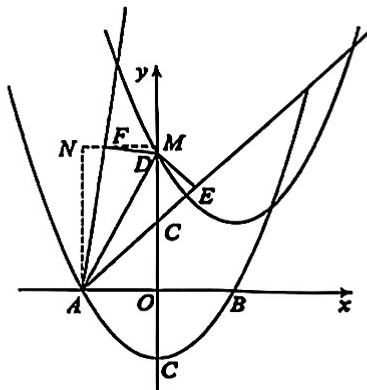


图2